

EL ENFOQUE GRÁFICO: UNA ALTERNATIVA DIDÁCTICA PARA EL ABORDAJE DE INECUACIONES

Angela E. Torres R.
angtruiz@hotmail.com

Universidad Nacional Experimental del Táchira, Venezuela

Tema V.4 - Materiales y Recursos Didácticos para la Enseñanza y Aprendizaje de la Matemática.

Nivel Terciario - Universitario

Modalidad Comunicación breve
Palabras Clave: Inecuaciones, Enfoque Gráfico, Representaciones Semióticas

Resumen

Al tomar como eje central el interés por analizar los procesos cognitivos desarrollados en los estudiantes al momento de abordar los temas de funciones e inecuaciones, se planteó una investigación cuasi-experimental que más allá del proceso exploratorio descriptivo, profundizó en la relación entre el uso de los registros gráfico y algebraico y el éxito alcanzado al estudiar los temas mencionados, específicamente en el contexto universitario dado en el Primer Semestre de Ingeniería de la UNET. Una vez determinados los modos de apropiación de los conceptos matemáticos básicos vinculados a los referidos temas, así como las dificultades y errores asociados a las tareas inherentes al desarrollo de dichos tópicos, se ofrece un aporte didáctico consistente en un compendio de estrategias alternativas que tienen como propósito conllevar a una aprehensión eficiente de tales conceptos, para concretar en los estudiantes una sólida matriz conceptual que correlacione los tópicos básicos y le sirva de sustento para el abordaje de situaciones de mayor complejidad cognitiva en su devenir académico. Las estrategias propuestas se sustentan en la postura de Duval, según la cual los conceptos se construyen mediante tareas que impliquen el uso de diferentes sistemas de representación y promuevan la articulación coherente entre dichas representaciones.

Introducción

En el ámbito educativo son múltiples los aspectos que se constituyen en objetos de investigación y que concentran la atención de quienes a partir de sus ópticas particulares intentan ofrecer respuestas y alternativas a los diversos problemas que surgen en este contexto. Uno de esos aspectos significativos es el hecho de buscar alternativas didácticas y metodológicas que conlleven a alcanzar una aprehensión eficiente de los constructos básicos asociados a los temas de Inecuaciones y Funciones, pues aunque ambos tópicos se presentan sencillos y de fácil entendimiento, algunas investigaciones han mostrado que su estudio conlleva a dificultades en su entendimiento.

Para reconocer el eje motivador de la investigación es preciso tomar en consideración que, en el marco de las exigencias impuestas a quienes ejercen el rol docente, surge en los últimos tiempos un interés creciente por valorar el uso de las nociones semióticas en

el estudio de los procesos de enseñanza y aprendizaje de los diferentes temas asociados al área de la Matemática. Este interés emerge como consecuencia natural del papel preponderante que desempeñan los medios de expresión en los procesos de pensamiento.

Ahora bien, dada la naturaleza y tipo de los objetos cuyos significados se ponen en juego en el quehacer didáctico vinculado a la Matemática, surgen nuevas expectativas, pues, como bien lo expresa Pimm (1995, citado por Godino, 2002), lo que entendemos por comprensión y significado está lejos de ser obvio, a pesar de ser dos términos centrales en toda discusión sobre el aprendizaje y la enseñanza de la Matemática.

Por otra parte, como bien lo expresan Campos y Balderas (2000) el propósito de la enseñanza de las matemáticas es ofrecer condiciones para que los estudiantes entiendan que los problemas se deben abordar desde una concepción flexible y que su solución requiere formas representacionales equivalentes y manipulaciones simbólicas particulares. Esto exige al docente buscar caminos para presentar y facilitar el uso de cada concepto matemático en varios sistemas representacionales, posibilitando la transición entre ellos, de manera fluida, con elementos argumentativos sólidos que puedan constituirse a futuro en mecanismos de verificación de resultados.

Ratificando la postura de los autores mencionados expone Duval (2006) que es esencial la utilización de varios sistemas de representación y expresión, ya que estos permiten enunciar un objeto, distinguiéndolo de sus diferentes modos de representación. De igual manera enfatiza la valoración de las representaciones mentales desarrolladas, pues estas permiten una mirada del objeto en ausencia del significante perceptible. Igualmente señala que en el contexto de la educación matemática el progreso de los conocimientos se acompaña siempre de la creación y del desarrollo de sistemas semióticos nuevos y específicos que coexisten con el de la lengua natural. Sin duda, la utilización de distintas representaciones y su progresiva articulación enriquecen el significado, el conocimiento y la comprensión del objeto, pero también su complejidad. Pues, como bien lo expresa D'Amore (2006), dada la pluralidad de modos de representación y expresión el objeto matemático se presenta, en cierto sentido, como único, pero en otro sentido como múltiple.

Si bien es cierto que en algunos temas, como funciones e inecuaciones, es factible hacer uso de una variedad representacional, también lo es que en esta riqueza representacional es posible encontrar aún debilidades, pues, según lo señalan Penalva y Torregrosa

(2001), los alumnos suelen confundir los objetos matemáticos con sus representaciones, siendo entonces una de las tareas a emprender la búsqueda de caminos que eliminen esa visión difusa de la frontera entre objeto y representación, pues se sabe que toda confusión implica una pérdida de comprensión. Resaltan los autores indicados que si los conceptos matemáticos fueran directamente accesibles a través de experiencias realizadas con los objetos físicos, el riesgo de confusión sería despreciable. Sin embargo, en la práctica esto no es lo que ocurre pues únicamente son accesibles de modo directo las representaciones semióticas. Esas debilidades generan la imposibilidad de efectuar adecuadas conversiones entre los diferentes modos de representación, como bien lo señala Duval (2006), en particular en los inicios de los cursos universitarios.

Tal situación es observada con frecuencia, de acuerdo a los Informes Académicos emitidos por la Coordinación de Matemática I de la UNET, en los alumnos cursantes de esta asignatura. Conllevando a una frágil comprensión de los contenidos básicos que le pudieran garantizar su éxito académico futuro. De manera que surge el interés por indagar sobre los modos de apropiación de los conceptos matemáticos básicos asociados al tema de Inecuaciones en los estudiantes de nivel universitario, específicamente en las Carreras de Ingeniería de la UNET, con el propósito de plantear estrategias alternativas que conlleven a una aprehensión eficiente de los mismos, que le permita a los estudiantes concretar una matriz conceptual que correlacione los tópicos básicos y le sirva de sustento para abordar nuevos temas en su devenir académico.

En lo que concierne a los aspectos metodológicos, la investigación se abordó desde un enfoque mixto, aprovechando las fortalezas ofrecidas por la metodología cuantitativa y las bondades de la metodología cualitativa. La misma fue desarrollada atendiendo a la ejecución de las siguientes fases: Descriptiva, Selectiva, De Contraste, Focalizada y Analítica-Reflexiva. En su conjunto, estas fases permitieron valorar la propuesta fundamentada en la aplicación del Enfoque Gráfico para abordar el tema de Inecuaciones, develando la versatilidad y utilidad de esta herramienta didáctica.

Resultados.

En primera instancia, el cumplimiento de la Fase Descriptiva permitió evidenciar las debilidades conceptuales que presentan los estudiantes respecto a los temas en torno a los cuales gira la investigación. Los hallazgos más relevantes en este sentido se indican a continuación, en las Tabla 1. Por otra parte, lo expresado por los docentes en la

respectiva Entrevista aplicada a ellos permite derivar las observaciones que se muestran en la Tabla 3.

Aspecto	Categorización de las Respuestas
“Inecuación” para los estudiantes significa:	– Estudio de desigualdades. – Verificación de condiciones. – Determinación del conjunto solución o dominio real. – Encontrar los intervalos que satisfacen una condición dada. – Comprobación de la veracidad de una proposición. – Encontrar la validez de una expresión algebraica.
La finalidad de la proposición “Encuentre la solución a la siguiente inecuación” es	– Verificar de la factibilidad de solución del ejercicio. – Comprobar el cumplimiento de una igualdad. – Comprobar el cumplimiento de una desigualdad. – Verificar la veracidad o falsedad de ciertas expresiones algebraicas. – Verificar la verdad o falsedad de un planteamiento numérico.
Las dificultades más comunes presentadas por los estudiantes al momento de resolver una inecuación son:	– Comprobar la veracidad de los enunciados. – Manejar correctamente los procesos algebraicos involucrados en la solución.
Los factores que influyen en la comprensión de los pasos para efectuar el trazado de la gráfica de una función son:	– Mal manejo de definiciones necesarias para comprobar el comportamiento de la función – Desconocimiento de mecanismos de verificación de resultados. – Errores algebraicos. – Desconocimiento de las características de las funciones.

Tabla 1. Concepciones previas y dificultades que presentan los alumnos al momento de abordar los temas de Inecuaciones y Funciones.

De lo anteriormente expuesto y el análisis efectuado al Instrumento aplicado a los estudiantes se desprenden las siguientes inferencias:

- Se observó que los estudiantes no conocen con certeza el significado del término Inecuación, sin embargo, logran asociarlo a la idea de condiciones establecidas por una expresión algebraica.
- De acuerdo con la información aportada por los estudiantes el problema de mayor frecuencia al momento de resolver una inecuación lo constituye el hecho de comprobar la veracidad de los resultados, aunque también le asignan un peso relativamente alto al manejo de los procesos algebraicos involucrados en la solución, lo cual evidencia la presencia de obstáculos referentes a la argumentación teórica al momento de enfrentarse a las situaciones didácticas que lleven implícitas la solución de Inecuaciones.
- Se observa la tendencia al uso exclusivo de herramientas de orden algebraico al momento de resolver inecuaciones, por lo que la introducción y manejo de herramientas alternativas, como el enfoque gráfico, resulta ser de interés de acuerdo a los propósitos de la investigación para verificar su impacto al abordar dicho tema.
- Se evidencia que los estudiantes no acostumbran a utilizar herramientas de verificación al momento de efectuar el trazado de una gráfica, esto hace que sea de amplio interés para la investigación el corroborar qué beneficio aportaría en su proceso de aprendizaje la introducción y manejo de mecanismos de verificación de los resultados alcanzados, en particular, partiendo de la asociación y transferencia entre los registros algebraico y gráfico.

Tabla 2. Inferencias derivadas del análisis del Instrumento aplicado a los estudiantes

Aspecto	Inferencias derivadas de las Respuestas
Describa la manera como Ud. aborda el tópico de Inecuaciones, indicando los recursos didácticos empleados y los mecanismos para generar el clima didáctico.	Se infiere de lo expresado por los docentes que aunque hacen uso exclusivo del pizarrón como recurso didáctico, se apoyan en la técnica de la pregunta para plasmar en él las diferentes opiniones de los estudiantes, efectuando una decantación de las respectivas respuestas a fin de dirigir el proceso de solución por el camino correcto. Esto les permite detectar errores conceptuales y efectuar la respectiva retroalimentación durante el proceso de solución de los respectivos ejercicios. Resalta además el hecho de que los docentes muestran interés por establecer al inicio del desarrollo del tema el sustento teórico sobre el cual se apoyará el desarrollo de los ejercicios vinculados al tema de Inecuaciones. No obstante, en general, se aprecia debilidades para generar un adecuado clima didáctico.
Cómo valora usted el manejo de las herramientas algebraicas por parte de los estudiantes al abordar el tema de Inecuaciones?	Los docentes expresan las debilidades algebraicas observadas en sus estudiantes al momento de abordar la solución de Inecuaciones; las cuales llevan al estudiante a obtener resultados erróneos. Manifiestan que los estudiantes presentan un débil manejo de los conocimientos previos asociados al tema de Inecuaciones, elemento desencadenante de la ocurrencia de graves errores algebraicos durante el desarrollo de los ejercicios planteados. Enfatizan en que el débil manejo de las propiedades algebraicas no le permite al estudiante contar con herramientas de verificación de los resultados alcanzados; situación esta que abre las puertas a la posibilidad de incorporar mecanismos didácticos alternativos que lleven al estudiante a emplear otros enfoques de solución como instrumentos para el estudio de las Inecuaciones.
Introduce usted herramientas semióticas diversas para abordar el tema de Inecuaciones?	Los docentes se muestran sinceros al aceptar su desconocimiento o débil manejo de herramientas gráficas para el abordaje de la solución de Inecuaciones, sin embargo reconoce la utilidad de las mismas y el provecho que de ellas pueden tomar los estudiantes al estudiar el referido tema.
Qué opinión le merece la propuesta de incorporación de nuevas herramientas didácticas, sustentadas en la conversión entre registros semióticos, para el abordaje del tema de Inecuaciones?	Se percibe una actitud positiva, tendiente a la amplia receptividad por parte de los docentes en torno a la incorporación de nuevas herramientas didácticas para abordar el tema de Inecuaciones. Sin embargo, se aprecia que los docentes desconocen los fundamentos teóricos del Enfoque Ontosemiótico. De igual manera, no tienen un claro manejo de las Teorías de Enseñanza y los criterios determinados por ellas para guiar la actuación en el aula; en algunos casos alegando que su formación de Pregrado no corresponde al Área de Educación; en otros omitiendo la respuesta o aportando una respuesta errónea.
Cuáles bondades puede otorgarle al empleo de diferentes registros de representación al abordar el tema de Inecuaciones?	Los docentes expresan una amplia gama de bondades asignadas al empleo de los diferentes registros de representación, las cuales van desde la posibilidad de generar un abordaje más versátil del tema hasta la posibilidad de emplearlos como mecanismos de verificación de resultados.

Tabla 3. Concepciones de los docentes respecto al abordaje didáctico del tema de Inecuaciones.

Los resultados anteriores pueden plasmarse de manera abreviada en la Figura 1, la cual se muestra a continuación:

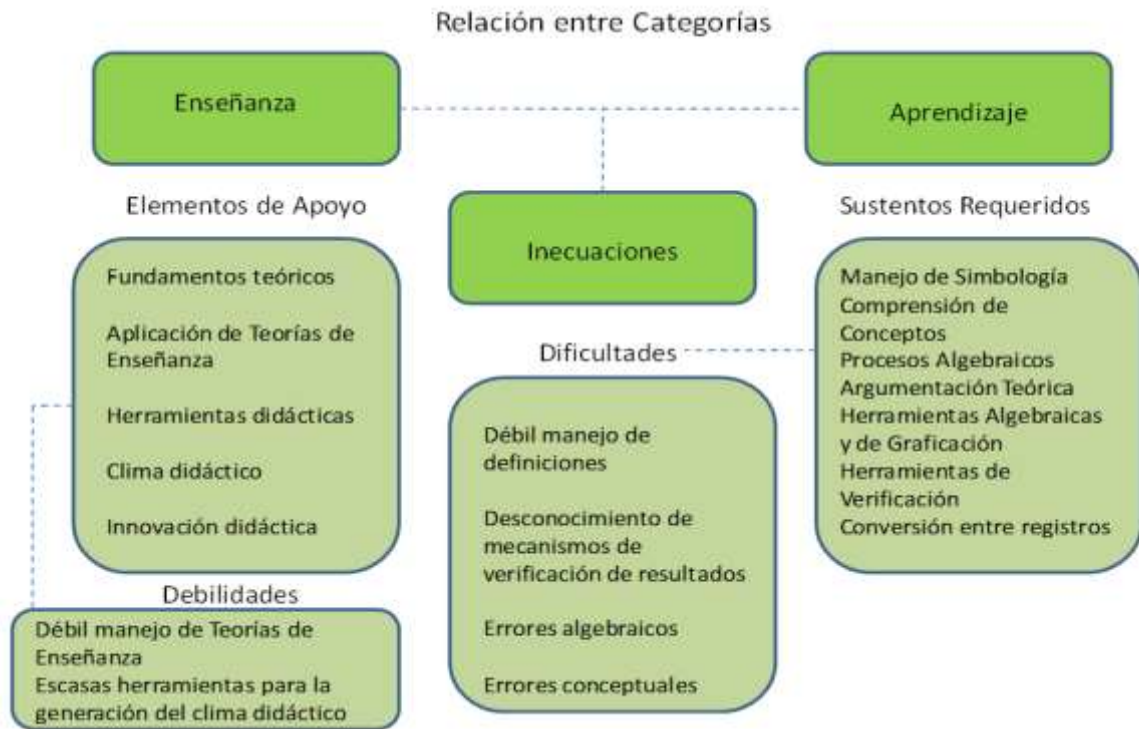


Figura 1. Inferencias derivadas de la Fase Diagnóstica

En la siguiente fase de la investigación, la Fase Selectiva, se eligieron las actividades a desarrollar en el aula, esta etapa consistió en diseñar situaciones didácticas en las que se correlacionen los diversos conceptos asociados al tema de interés. De manera concreta, se ofreció un aporte didáctico consistente en un compendio de estrategias alternativas que tienen como propósito conllevar a una aprehensión eficiente de los correspondientes conceptos, partiendo de la implementación de tareas que impliquen el uso de diferentes sistemas de representación y promuevan la articulación coherente entre dichas representaciones.

De manera que, en un momento ulterior al proceso investigativo, se expone para la consideración del cuerpo docente interesado en aplicarlo un mecanismo didáctico, sustentado en el empleo del Enfoque Gráfico, que tiene como propósito implícito afianzar los conceptos básicos asociados al tema de funciones e inecuaciones, además de ofrecer una vía más fructífera y eficiente para el abordaje de estos temas. Al tiempo que queda abierta la posibilidad de aplicar enfoques similares en otros temas de carácter

básico en la formación del estudiante y así contrastar los beneficios de esta óptica no convencional con otras alternativas didácticas. Algunos ejemplos de las actividades diseñadas bajo esta óptica se muestran en el correspondiente Anexo.

Por otra parte, en la Fase de Contraste se procedió a verificar la incidencia del enfoque didáctico alternativo, sustentado en la utilización del Enfoque Gráfico, sobre la aprehensión eficiente de los conceptos asociados al tema de Inecuaciones y los procedimientos empleados por los estudiantes para alcanzar la solución de las Inecuaciones planteadas. El mencionado contraste se muestra en la Tabla 4.

<p>Es preciso indicar que inicialmente, a partir del análisis de los resultados arrojados por el Pre-Test diseñado específicamente para el estudio, se encontró que:</p> <ul style="list-style-type: none"> – Los alumnos mostraron una tendencia a centrarse en una práctica algorítmica y algebraica para abordar el estudio de Inecuaciones. – Se evidenció en los estudiantes debilidades al pasar del registro gráfico al algebraico, al igual que un bajo nivel de dominio sobre tópicos básicos del Álgebra, aunado a un gran número de concepciones erróneas de los temas abordados. – Los estudiantes mostraron dificultades en el manejo de mecanismos de verificación de los resultados alcanzados al resolver las Inecuaciones planteadas. – En el estudio del tema de funciones la conversión del registro analítico al registro gráfico no se mostró de manera fluida, encontrándose que los alumnos no poseían mecanismos de verificación de los procesos efectuados y los resultados alcanzados.
<p>Una vez aplicadas las dos metodologías a contrastar, la primera de ellas con énfasis en el enfoque algebraico y la segunda con preponderancia en el enfoque gráfico, se pudieron determinar las siguientes observaciones:</p> <ul style="list-style-type: none"> – Los alumnos que utilizan enfoques algebraicos para resolver Inecuaciones, presentan dificultades al enfrentarse a situaciones didácticas de mayor complejidad y no cuentan con herramientas de verificación de los resultados. – Estos alumnos muestran debilidades en la conversión de los registros gráfico y algebraico al estudiar funciones. No visualizan conexiones y generalizaciones, por lo que la aplicación eficiente de los sustentos teóricos que deben soportar el desarrollo del tema se ve afectada. – Los alumnos que aplican el enfoque gráfico en el estudio de Inecuaciones muestran una transferencia fluida entre los registros gráfico y algebraico, contando con herramientas de verificación de resultados y contraste de información. – El análisis de situaciones de alta complejidad y exigencia cognitiva es más exitoso en este grupo de alumnos, mostrando habilidad para la conversión entre registros y el planteamiento de la solución al problema planteado. – Los alumnos que utilizan el enfoque gráfico muestran una mayor claridad conceptual y conforme aumenta esta solidez teórica también mejoran y aumentan las distintas representaciones utilizadas. Observándose en ellos una mayor estabilidad de los conceptos cuando la exigencia y dificultad de las situaciones didácticas aumenta. – En general, se observa que el empleo de un enfoque gráfico apoyado en mecanismos de transferencia entre registros genera un impacto positivo en los estudiantes que abordan los temas de Funciones e Inecuaciones, pues los dota de herramientas no convencionales pero altamente efectivas para el estudio de dichos temas, permitiéndoles establecer de manera más sólida la noción de significado del objeto matemático estudiado.

Tabla 4. Resultados de la Fase de Contraste

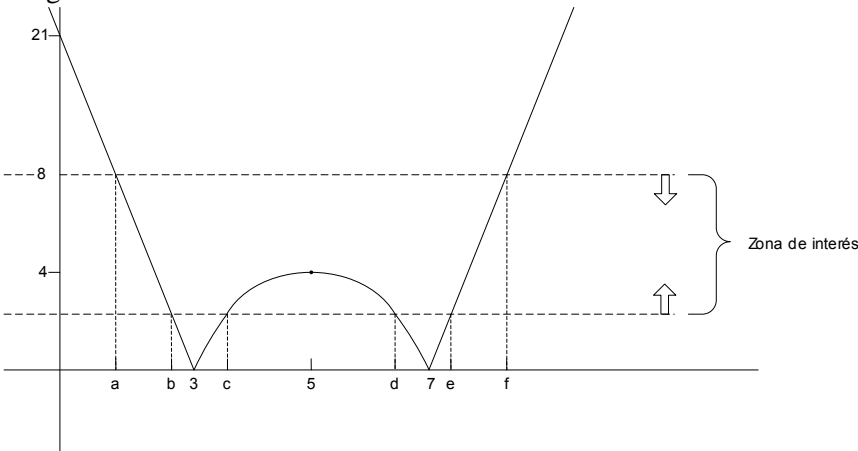
El estudio desarrollado devela la necesidad de ofrecer a los estudiantes herramientas novedosas que le permitan efectuar el proceso de solución de Inecuaciones de una manera más fluida; todo ello para garantizar un aprendizaje efectivo, con clara aprehensión de conceptos y minimización de errores procedimentales. Esto adiciona una nueva exigencia al docente, quien deberá plantear tareas que impliquen el uso de diferentes sistemas de representación y promuevan la articulación coherente entre dichas representaciones. Este nuevo escenario didáctico sugerido para el abordaje de la enseñanza de Inecuaciones tiene como finalidad crear estrategias fundamentadas en la pluralidad de sistemas semióticos y la consecuente coordinación de estos por parte del sujeto, para consolidar una aprehensión conceptual transparente y efectiva.

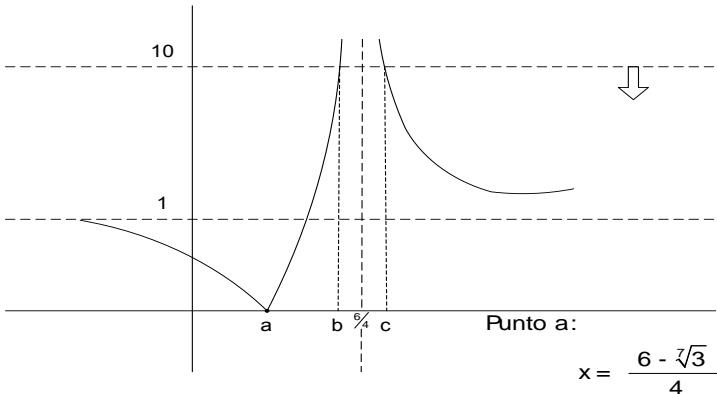
Por otra parte, la investigación desarrollada confirma que la identificación de los conflictos semióticos que surgen al abordar el estudio de un contenido matemático es un aspecto esencial del análisis didáctico al proporcionar una explicación de las dificultades de los estudiantes en dicho proceso. Al tiempo que permite vislumbrar que el éxito académico en el estudio del tema objeto de interés para la investigación está ligado a la fluidez alcanzada por el estudiante al efectuar la conversión entre registros; siendo el enfoque multirepresentacional el soporte de la adecuada búsqueda del significado del objeto matemático estudiado.

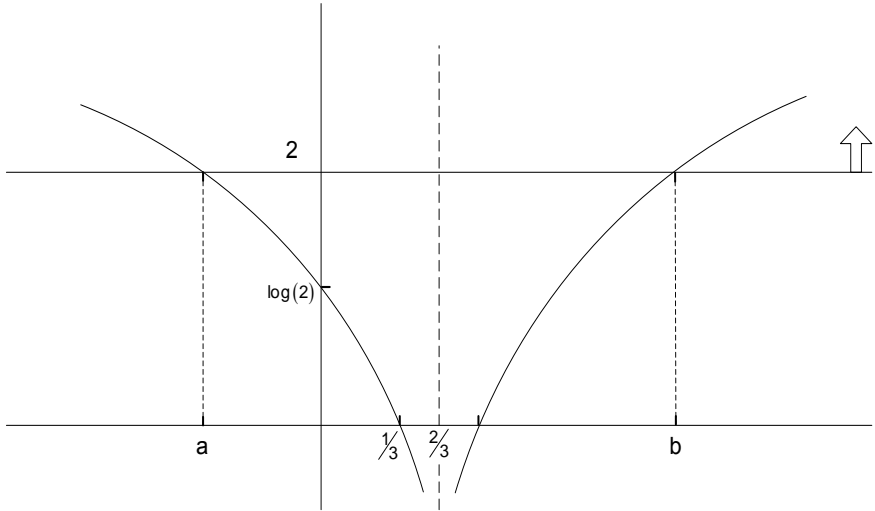
Referencias

- Campos, M. y Balderas, P. (2000). Las representaciones semióticas como fundamento de una didáctica de las Matemáticas. *Pensamiento Educativo*. Vol. 27. Diciembre 2000. pp. 169-194. Recuperado de: <http://pensamientoeducativo.uc.cl/files/journals/2/articles/181/public/181-432-1-PB.pdf>
- Duval, R. (2006). Un tema crucial en la educación matemática: La habilidad para cambiar el registro de representación. Recuperado de: http://dmle.cindoc.csic.es/pdf/GACETARSME_2006_9_1_05.pdf
- D'Amore, B. (2006). Objetos, Significados, Representaciones Semióticas y Sentido. *Relime*, Número Especial. Recuperado de: http://dialnet.unirioja.es/servlet/dfichero_articulo?codigo=216158&orden=71972
- Godino, J. (2002). Un enfoque ontológico y semiótico de la educación matemática. *Colección Digital Eudoxus*. Centro de Investigación y Formación en Educación Matemática. Recuperado de: <http://cimm.ucr.ac.cr/ojs/index.php/eudoxus/article/view/334/335>
- Penalva, C. y Torregrosa, G. (2001). Representación y aprendizaje de las matemáticas. En E. Tonda y A. Mula (Eds.), *Scripta in Memoria* (pp. 649-658). Alicante, España: Servicio de Publicaciones de la Universidad de Alicante.

Anexos

Actividad N° 1	Tópico: Inecuaciones con valor absoluto de funciones cuadráticas
<p>Propósito: Manejar el efecto del valor absoluto sobre una ecuación cuadrática y reconocer los valores que satisfacen la inecuación.</p>	
<p>Encuentre la solución de la siguiente inecuación</p> $2 < x^2 - 10x + 21 < 8$ <p>Planteamiento gráfico:</p>  <p>Solución: $(a, b) \cup (c, d) \cup (e, f)$</p> <p>Los puntos se hallan a partir de:</p> $ x^2 - 10x + 21 = 2 \begin{cases} x^2 - 10x + 21 = 2 & \text{(Esta ecuación arroja los puntos b y e)} \\ x^2 - 10x + 21 = -2 & \text{(Esta ecuación arroja los puntos c y d)} \end{cases}$ <p style="text-align: center;">y</p> $ x^2 - 10x + 21 = 8 \begin{cases} x^2 - 10x + 21 = 8 & \text{(Esta ecuación arroja los puntos a y f)} \\ x^2 - 10x + 21 = -8 & \text{(Esta ecuación no tiene solución real)} \end{cases}$	
<p>Observación: Conviene que el estudiante reconozca cuales puntos obtendrá al resolver las diferentes ecuaciones. Esto se logra identificando que parte de la gráfica fue reflexionada, por efecto del valor absoluto. En este caso, la gráfica correspondiente al intervalo $(3, 7)$ presentaba inicialmente imágenes negativas comprendidas en el rango $[-4, 0)$, por ello al resolver la ecuación $x^2 - 10x + 21 = -2$ se obtienen los puntos c y d.</p>	

Actividad N° 2	Tópico: Inecuaciones de la forma $\left \frac{k}{(ax+b)^n} - c \right < d$, con a, b, c, d y k reales y n par o impar.
Propósito: Reconocer el comportamiento de la función racional $f(x) = \frac{k}{(ax+b)^n}$, y a partir de su gráfica determinar la solución de una inecuación dada.	
<p>Encuentre la solución de la siguiente inecuación:</p> $\left \frac{3}{(-4x+6)^7} - 1 \right < 10$ <p>Planteamiento gráfico:</p>  <p>Solución: $(-\infty, b) \cup (c, +\infty)$</p> <p>Los puntos b y c se determinan a partir de:</p> $\left \frac{3}{(-4x+6)^7} - 1 \right = 10 \begin{cases} \frac{3}{(-4x+6)^7} - 1 = 10 & \text{(Punto b)} \\ \frac{3}{(-4x+6)^7} - 1 = -10 & \text{(Punto c)} \end{cases}$ <p>Punto a: $x = \frac{6 - \sqrt[3]{3}}{4}$</p>	
<p>Observación: Es fundamental reconocer el efecto del signo menos en el coeficiente de la x, ya que el mismo provoca un cambio en la gráfica de la función de referencia $f(x) = \frac{1}{x^n}$, con n impar.</p> <p>Por otra parte, se recomienda hallar los puntos de corte con los ejes en cada una de las gráficas previas a la definitiva.</p> <p>Es importante que el estudiante infiera cual punto, b ó c, arrojará la solución de cada ecuación planteada.</p>	

Actividad N° 3	Tópico: Inecuaciones de la forma $f(x) \geq c$, con $f(x)$ función logarítmica y $c \in \mathbb{R}$.
Propósito: Verificar el manejo adecuado de los pasos para trazar gráficas de funciones logarítmicas y el reconocimiento de sus características.	
Encuentre la solución de la siguiente inecuación:	
$\log(3x - 2) \geq 2$	
Planteamiento gráfico:	
	
Solución: $(-\infty, a] \cup [b, +\infty)$	
Los puntos a y b se determinan a partir de:	
$\log(3x - 2) = 2$, es decir, $ 3x - 2 = 10^2$	
Esta ecuación arroja dos posibles soluciones:	
$3x - 2 = 100 \Rightarrow x = \frac{102}{3}$	
ó	
$3x - 2 = -100 \Rightarrow x = \frac{-98}{3}$	
Observación: Dada la simetría en el comportamiento del argumento del logaritmo, también se presenta simetría con respecto a la asíntota vertical en la gráfica de la función logarítmica y, en consecuencia, en la ubicación de los puntos a y b respecto a la asíntota vertical.	