

Papel de las secuencias de capacidades en la caracterización de objetivos de aprendizaje, la mejora de tareas y la evaluación en el aula de matemáticas

Pedro Gómez, María José González e Isabel Romero

argeifontes@gmail.com

XVIII Jornadas Nacionales de Educación Matemática

Universidad de Santiago
Santiago de Chile
24 de noviembre de 2014

Título

Papel de las secuencias de capacidades en la caracterización de objetivos de aprendizaje, la mejora de tareas y la evaluación en el aula de matemáticas

2

Título

Papel de las secuencias de capacidades en la caracterización de **objetivos de aprendizaje**, la mejora de tareas y la evaluación en el aula de matemáticas

3

Título

Papel de las secuencias de capacidades en **la caracterización de objetivos de aprendizaje**, la mejora de tareas y la evaluación en el aula de matemáticas

4

Título

Papel de las **secuencias de capacidades** en la caracterización de objetivos de aprendizaje, la mejora de tareas y la evaluación en el aula de matemáticas

5

Título

Papel de las secuencias de capacidades en la caracterización de objetivos de aprendizaje, la **mejora de tareas** y la evaluación en el aula de matemáticas

6

Papel de las secuencias de capacidades en la caracterización de objetivos de aprendizaje, la mejora de tareas y **la evaluación** en el aula de matemáticas



¿Qué significan? ¿Qué implican?

7

Objetivos de aprendizaje

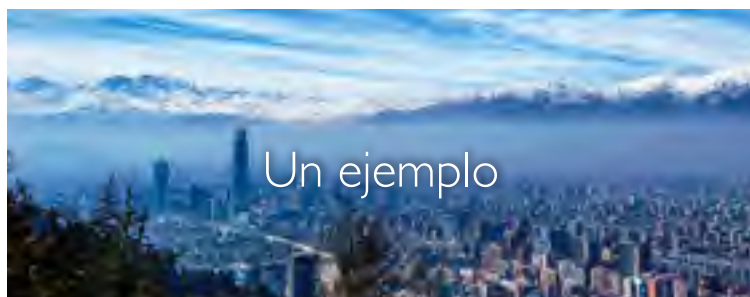
- ▶ Objetivos fundamentales
 - ▶ Comprender los conceptos y propiedades de la composición de funciones y utilizarlos para resolver problemas relacionados con las transformaciones isométricas
 - ▶ Implican múltiples objetivos de aprendizaje
 - ▶ Usar la composición de funciones para resolver problemas relacionados con las transformaciones isométricas
- ▶ ¿Qué significan?
- ▶ ¿Cómo se interpretan?
- ▶ ¿Qué implicaciones tienen en la enseñanza y aprendizaje de las matemáticas?

9

Tres cuestiones de la práctica del profesor de matemáticas

- ▶ Formulación de objetivos de aprendizaje
 - ▶ Frases cortas
 - ▶ Supone que el significado es claro
 - ▶ Es más complejo de lo que parece
- ▶ Contribución de una tarea a un objetivo de aprendizaje
 - ▶ Aproximación intuitiva por contenidos
 - ▶ No tiene en cuenta la complejidad cognitiva del objetivo de aprendizaje
 - ▶ No atiende a las demandas cognitivas de las tareas
 - ▶ No se tienen criterios para mejorar la tarea
- ▶ Formulación de criterios de logro
 - ▶ Que se puedan compartir con los escolares
 - ▶ Observación y análisis de la actuación de los escolares

10



Caracterización de un objetivo

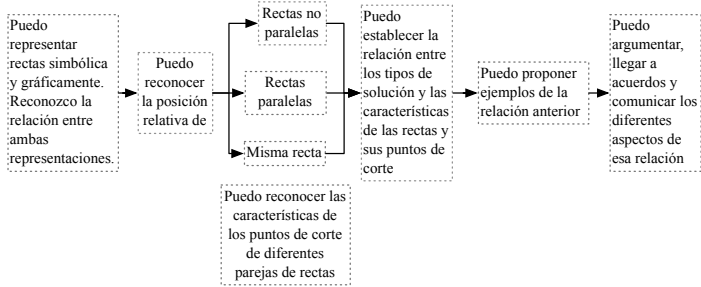
Ejemplo

- ▶ Tema
 - ▶ Método gráfico para resolver sistemas de ecuaciones lineales 2×2
- ▶ Objetivo de aprendizaje
 - ▶ Comprender la noción de solución de un sistema lineal, y relacionar la existencia de una única solución, infinitas soluciones o ninguna solución con la posición relativa de las rectas en el plano
- ▶ ¿Cómo
 - ▶ caracterizar ese objetivo de aprendizaje,
 - ▶ analizar y formular tareas para contribuir a él y
 - ▶ formular criterios de logro y observar y analizar la actuación de los escolares cuando abordan las tareas?

12

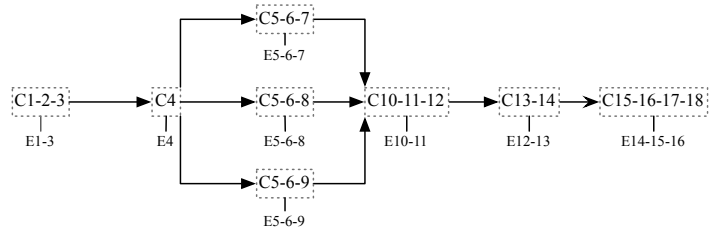
Objetivo de aprendizaje

- Comprender la noción de solución de un sistema lineal, y relacionar la existencia de única solución, infinitas soluciones o ninguna solución con la posición relativa de las rectas en el plano



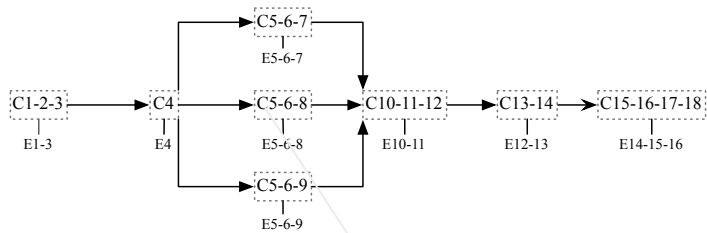
13

Grafo del objetivo de aprendizaje



14

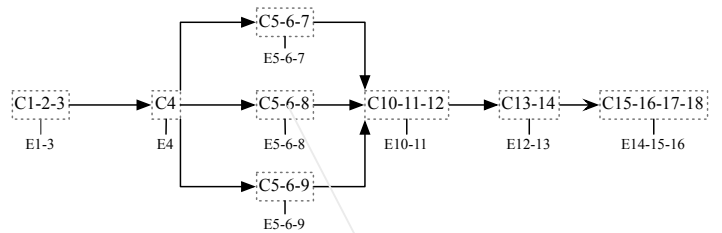
Grafo del objetivo de aprendizaje



Reconocer en la representación gráfica de dos rectas, sus puntos de corte

15

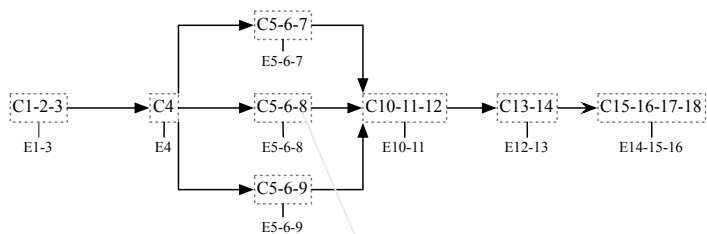
Grafo del objetivo de aprendizaje



Reconocer que los puntos de corte de dos rectas representan las soluciones al sistema de ecuaciones que las dos rectas forman

16

Grafo del objetivo de aprendizaje



Reconocer que dos rectas diferentes paralelas no se cortan en ningún punto

17



Contenido

y contexto

Contenido

- ▶ Los caminos de aprendizaje como herramienta en la formación de profesores de matemáticas
 - ▶ MAD: Maestría Análisis Didáctico
 - ▶ Programa basado en el modelo del análisis didáctico
- ▶ Expectativas de aprendizaje
- ▶ Caracterización de un objetivo de aprendizaje
- ▶ Análisis y reformulación de tareas
- ▶ Evaluación

19

Herramienta en la formación de profesores

- ▶ Los caminos de aprendizaje como herramienta
- ▶ Se utiliza en
 - ▶ Análisis cognitivo
 - ▶ Expectativas, limitaciones e hipótesis de aprendizaje
 - ▶ Análisis de instrucción
 - ▶ Análisis y reformulación de tareas
 - ▶ Análisis de actuación
 - ▶ Formulación de criterios de logro y observación y análisis de la actuación de los escolares

20

Contenido



Caminos de aprendizaje y secuencias de capacidades

Trayectorias hipotéticas de aprendizaje

Caminos de aprendizaje

- ▶ Previsiones del profesor sobre la actuación del estudiante
 - ▶ al abordar una tarea
 - ▶ en términos de las capacidades que los escolares pueden activar y
 - ▶ los errores en los que ellos pueden incurrir al abordar esa tarea
- ▶ Se inspira en la idea seminal de Simon sobre trayectoria hipotética de aprendizaje

22

Trayectoria hipotética de aprendizaje

- ▶ Tres ideas básicas
 - ▶ Objetivo de aprendizaje
 - ▶ Tareas
 - ▶ Hipótesis de aprendizaje
- ▶ La trayectoria hipotética de aprendizaje
 - ▶ parte del objetivo de aprendizaje
 - ▶ sirve para guiar la instrucción
 - ▶ al atender a las actividades que se proponen a los escolares y
 - ▶ a sus procesos de pensamiento y aprendizaje

23

Múltiples interpretaciones

- ▶ Nuestro interés
 - ▶ Se centra en la formulación de hipótesis de aprendizaje
 - ▶ Buscamos que nuestra propuesta sea útil en la práctica docente del profesor de matemáticas
 - ▶ Se refiere al proceso de planificación de las sesiones de clase en las que se aborda un objetivo de aprendizaje

24



Expectativas de aprendizaje • Múltiples niveles

- ▶ Competencias PISA
- ▶ Objetivos fundamentales
- ▶ Objetivos de aprendizaje
- ▶ Capacidades

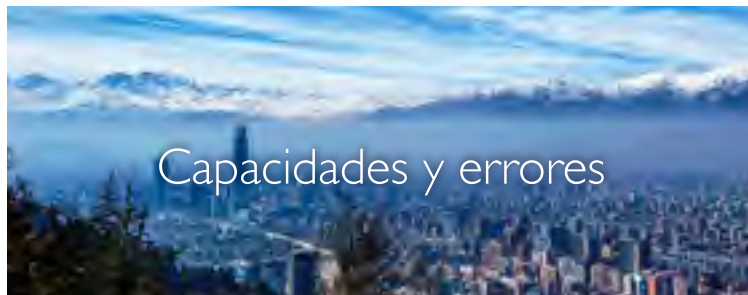
Diferentes niveles

26

Expectativas de aprendizaje • Objetivo de aprendizaje

- ▶ Expresa expectativas que involucran conexiones entre
 - ▶ los conceptos y procedimientos del tema matemático
 - ▶ los sistemas de representación en que se representa y
 - ▶ los fenómenos que organiza y que le dan sentido
- ▶ Implica la capacidad del estudiante para
 - ▶ utilizar un tema de las matemáticas escolares
 - ▶ como herramienta para resolver tareas
 - ▶ en contexto
- ▶ Se refiere a un tema concreto en la planificación
- ▶ Ejemplo
 - ▶ Establecer la cantidad de permutaciones sin repetición posibles en un conjunto dado

27



Unidades básicas

Expectativas de aprendizaje • Capacidad

- ▶ Expectativa del profesor
 - ▶ sobre el conjunto de conocimientos elementales y de procedimientos rutinarios que los estudiantes ya tienen o tienen que aprender
 - ▶ Corresponden al nivel cognitivo más bajo
- ▶ Una capacidad aislada se manifiesta
 - ▶ mediante la conducta observable de un estudiante
 - ▶ cuando ejecuta una tarea rutinaria asociada a un tema matemático
- ▶ Permutaciones sin repetición
 - ▶ Ejemplo, para estudiantes de 16 años
 - ▶ hacer uso de diagramas de árbol para realizar conteo de permutaciones posibles

29

Ejemplos de capacidades

- ▶ C2. Relacionar el orden con la representación de la información dada (1°Cartagena, 2°Barranquilla y 3°Santa Marta= {C, B, S}).
- ▶ C36. Contar los arreglos obtenidos utilizando diagramas para expresar la cantidad resultante.
- ▶ C38. Justificar una respuesta relacionando la cantidad de permutaciones encontrada con la pregunta planteada
- ▶ C39. Escoger el(los) sistema(s) de representación adecuado(s) para abordar situaciones que involucran permutaciones.
- ▶ C40. Reconocer las condiciones en las que es posible aplicar el concepto de permutación sin repetición. Es decir, interpreta en el contexto de un problema, una situación que implica permutaciones sin repetición
- ▶ C47. Interpretar el resultado obtenido de acuerdo con el contexto de la situación
- ▶ C54. Verificar la respuesta extrayendo información de el(los) sistema(s) de representación usados.
- ▶ C62. Ubicar los elementos a permutar en posiciones, atendiendo a la cantidad, en orden de la máxima a la mínima posible, en cada posición.
- ▶ C63. Identificar que en cada posición que puede ocupar cada uno de los elementos a permutar, se tiene un elemento menos que en la posición previa.
- ▶ C64. Calcular la cantidad de permutaciones utilizando el principio multiplicativo.

30

Ejemplos de errores

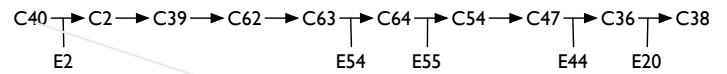
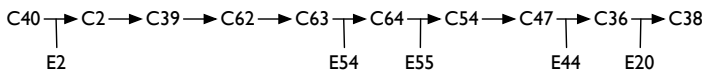
- ▶ E2. Expresa permutaciones con elementos repetidos
- ▶ E20. La solución numérica no es coherente con los datos del problema, aun cuando identificó los parámetros correctamente
- ▶ E44 Cuenta un número mayor o menor de permutaciones sin repetición posibles
- ▶ E54. Calcula la cantidad de permutaciones sumando en situaciones donde debería hacer uso del principio multiplicativo
- ▶ E55. Reitera el número de elementos que pueden ocupar una posición cuando hace uso del principio multiplicativo para calcular permutaciones



Previsión de la actuación de los escolares

Camino de aprendizaje

- ▶ Sucesión de capacidades y de errores que se prevé los estudiantes manifiesten al resolverla
- ▶ Tema
 - ▶ Permutaciones sin repetición
- ▶ T1.Letras
 - ▶ ¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?



Reconocer las condiciones en las que es posible aplicar el concepto de permutación sin repetición. Es decir, interpreta en el contexto de un problema, una situación que implica permutaciones sin repetición

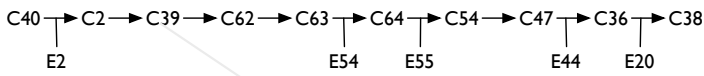
¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

Expresa permutaciones con elementos repetidos

Relacionar el orden con la representación de la información dada (1°Cartagena, 2°Barranquilla y 3°Santa Marta= {C, B, S}).

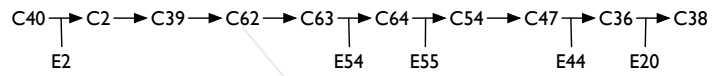
¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?



Escoger el(los) sistema(s) de representación adecuado(s) para abordar situaciones que involucran permutaciones

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

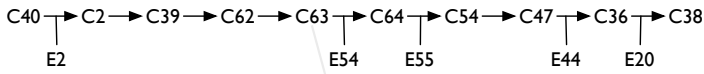


Ubicar los elementos a permutar en posiciones, atendiendo a la cantidad, en orden de la máxima a la mínima posible, en cada posición

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

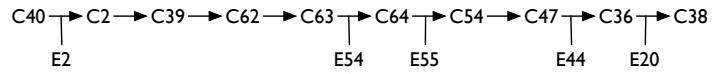
37

38



Identificar que en cada posición que puede ocupar cada uno de los elementos a permutar, se tiene un elemento menos que en la posición previa

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

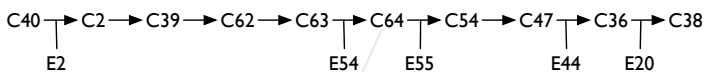


Calcula la cantidad de permutaciones sumando en situaciones donde debería hacer uso del principio multiplicativo

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

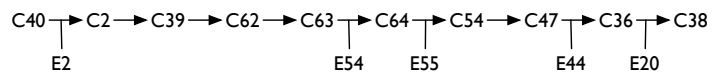
39

40



Calcular la cantidad de permutaciones utilizando el principio multiplicativo

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

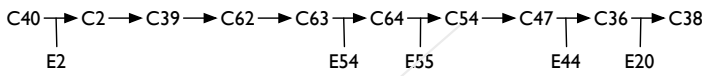


Reitera el número de elementos que pueden ocupar una posición cuando hace uso del principio multiplicativo para calcular permutaciones

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

41

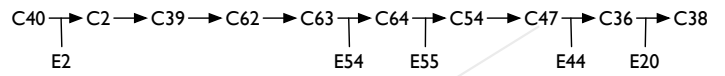
42



Verificar la respuesta extrayendo información de el(los) sistema(s) de representación usados

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

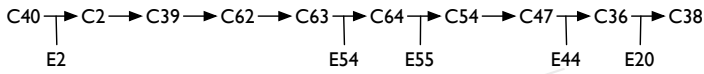
42



Interpretar el resultado obtenido de acuerdo con el contexto de la situación

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

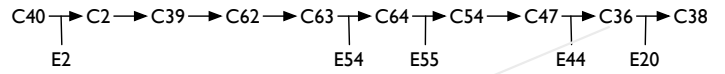
43



Cuenta un número mayor o menor de permutaciones sin repetición posibles

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

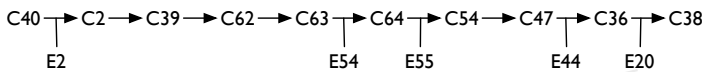
44



Contar los arreglos obtenidos utilizando diagramas para expresar la cantidad resultante

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

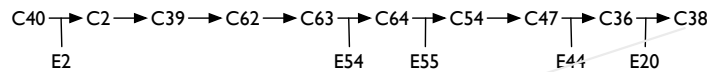
45



La solución numérica no es coherente con los datos del problema, aun cuando identificó los parámetros correctamente

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

46



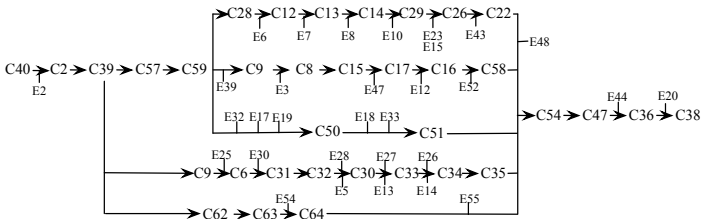
Justificar una respuesta relacionando la cantidad de permutaciones encontrada con la pregunta planteada

¿De cuántas maneras posibles puedo ubicar las letras A, B, C y D seguida una de la otra y teniendo en cuenta que ninguna de ellas se puede repetir?

47

Caminos de aprendizaje de una tarea

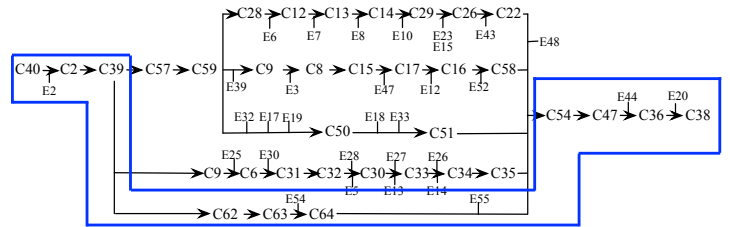
- Una tarea puede tener varios caminos de aprendizaje



49

Caminos de aprendizaje de una tarea

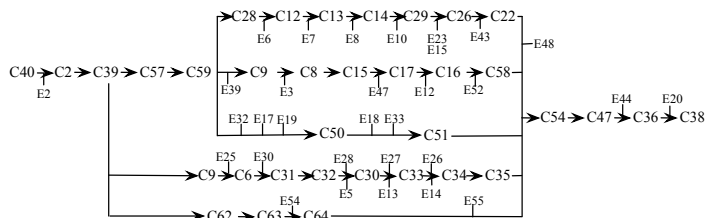
- Una tarea puede tener varios caminos de aprendizaje



50



Simplificar y dar sentido a los grafos

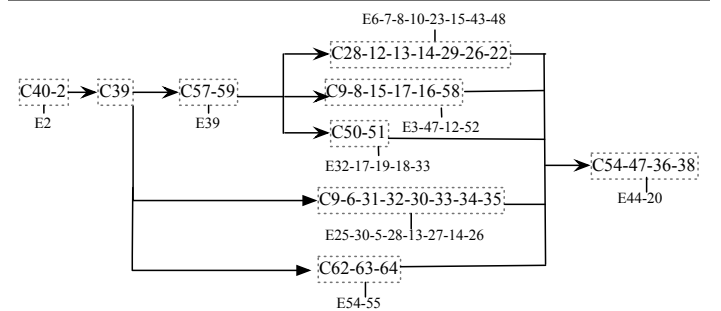


53

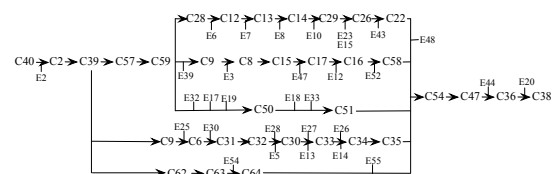
Secuencias de capacidades

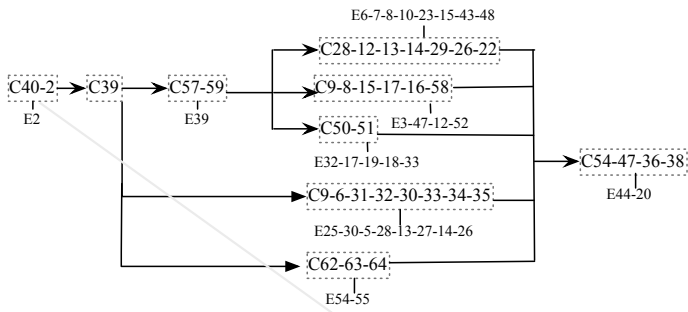
- Complejidad de los grafos de caminos de aprendizaje
- Secuencia de capacidades
 - Sucesión de capacidades y errores a la que es posible atribuir una unidad de significado en el proceso de resolución de la tarea correspondiente
 - Hace referencia a un procedimiento concreto dentro del proceso de resolución de una tarea que es posible distinguir y caracterizar
- Los criterios dependen del tema y el profesor
 - el profesor decide cuándo un grupo de capacidades tiene entidad propia para ser considerado como proceso aislado dentro de una estrategia de resolución de problemas compleja

52

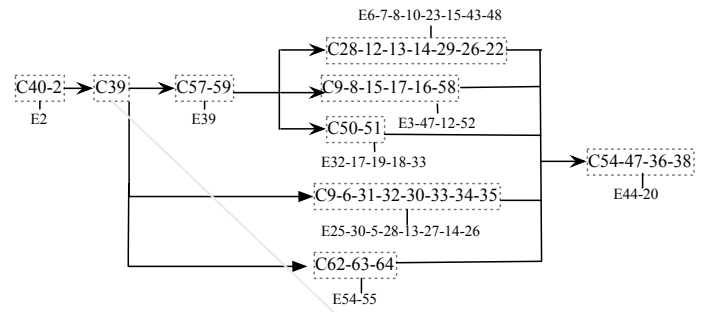


54

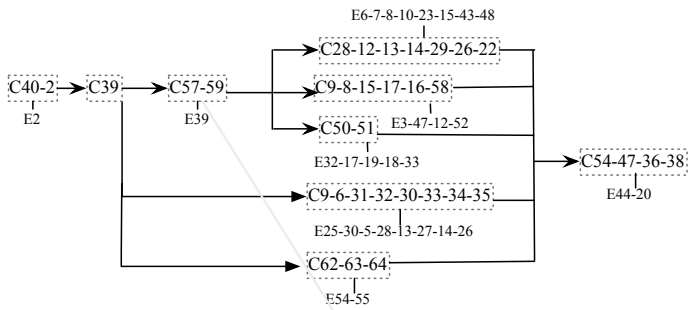




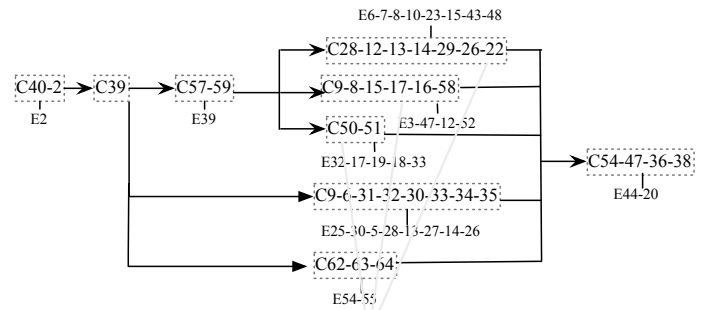
Interpretación de que los datos del problema permiten resolverlo mediante la noción de permutación y con la identificación de los datos que se usarán para el cálculo de las permutaciones.



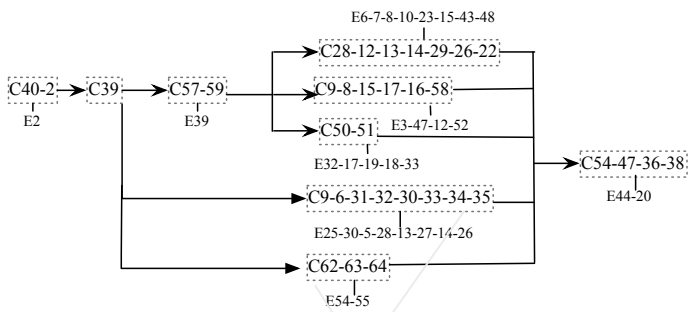
Decisión sobre la estrategia a seguir, separando el conteo directo de otros métodos indirectos



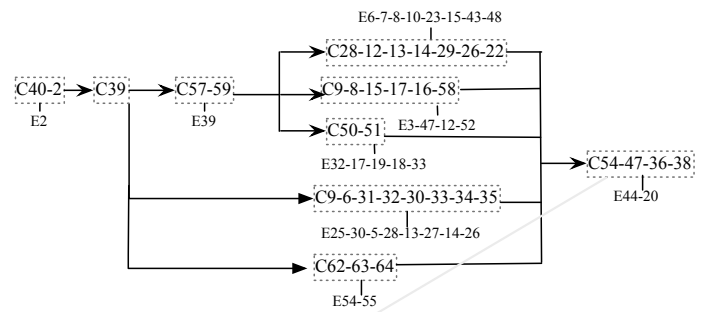
Identificar cuáles son los sistemas de representación útiles al cálculo de permutaciones en función de los datos que aporta la tarea



Estrategias asociadas a la utilización de un diagrama de árbol, una tabla y una lista, respectivamente



Cálculo mediante la fórmula o al empleo del principio multiplicativo



Se expresa la solución, se verifica, se interpreta y se justifica



Objetivos de aprendizaje

Caracterización

Objetivos de aprendizaje

- ▶ Ejemplos
 - ▶ O1. Identificar en un conjunto de arreglos aquellos que corresponden a permutaciones sin repetición.
 - ▶ O2. Construir para un conjunto dado todas las posibles permutaciones sin repetición.
 - ▶ O3. Establecer la cantidad de permutaciones sin repetición posibles en un conjunto dado.
 - ▶ O4. Resolver problemas que implican permutaciones sin repetición.
- ▶ Frases sintéticas
 - ▶ Se requiere más información
 - ▶ Para que sean útiles como expectativas de aprendizaje

E2

Caracterización de un objetivo de aprendizaje

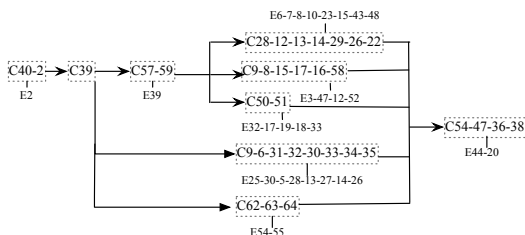
- ▶ Tareas prototípicas
 - ▶ Conjunto de tareas que
 - ▶ Si el escolar las resuelve, entonces el profesor puede considerar que ha logrado el objetivo de aprendizaje
- ▶ Grafo de un objetivo de aprendizaje
 - ▶ Caminos de aprendizaje de cada tarea en términos de secuencias de capacidades
 - ▶ Reunión de los caminos de aprendizaje en un grafo

Ejemplos

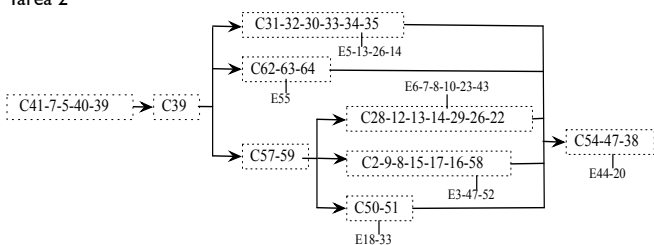
- ▶ Objetivo 3
 - ▶ Establecer la cantidad de permutaciones sin repetición posibles en un conjunto dado
- ▶ Tarea prototípica
 - ▶ En una competencia atlética participan 5 personas. David dice que se pueden obtener 12 podios diferentes. Camilo afirma que podrían ser 15. Sin embargo, Carlos encontró 60.
 - ▶ ¿Quién tiene la razón? Justifique su respuesta.

E4

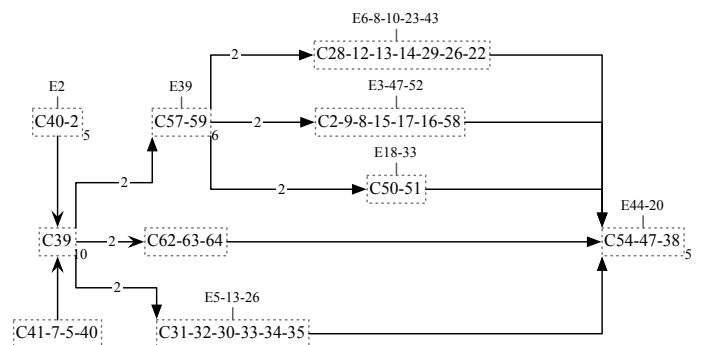
Tarea 1



Tarea 2



Grafo del objetivo de aprendizaje



E6

Grafo como caracterización del objetivo de aprendizaje

- ▶ Estrategias de resolución de tareas
 - ▶ Ser capaz de reconocer que una tarea se resuelve mediante permutaciones y de identificar los datos que se emplearán en el cálculo
 - ▶ Ser capaz de tomar una decisión sobre los métodos de cálculo adecuados
 - ▶ Reconocer situaciones en las que el problema se puede resolver por enumeración directa de los arreglos en algún sistema de representación
 - ▶ Saber aplicar la fórmula, el principio multiplicativo o enumerar los arreglos y contarlos dentro de un sistema de representación
 - ▶ Y expresar la solución y verificar el resultado de acuerdo con la pregunta inicial

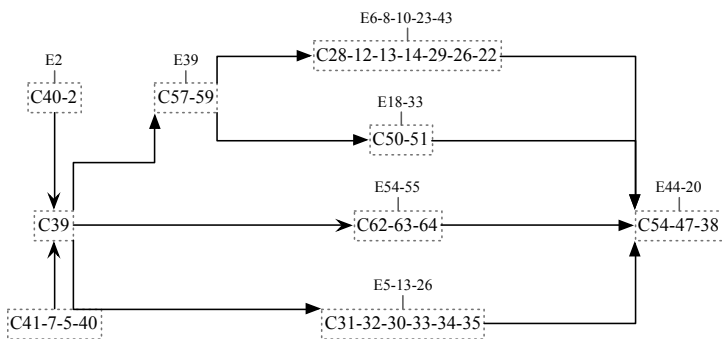
67

Grafo como caracterización del objetivo de aprendizaje

- ▶ Errores previstos
 - ▶ Expresen permutaciones con elementos repetidos
 - ▶ Hagan un cálculo erróneo del factorial
 - ▶ Confundan parámetros en la fórmula
 - ▶ Utilicen una tabla de doble entrada cuando no es conveniente
 - ▶ Consideren que los árboles tienen igual número de ramificaciones en todas las ramas
 - ▶ Cuenten elementos repetidos
 - ▶ Obtengan una solución incoherente como consecuencia de un conteo equivocado

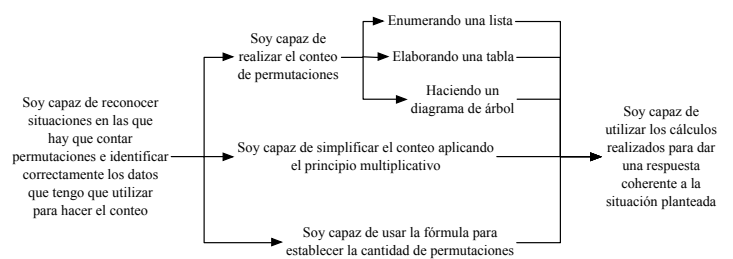
68

Grafo como caracterización del objetivo de aprendizaje



69

Grafo como caracterización del objetivo de aprendizaje

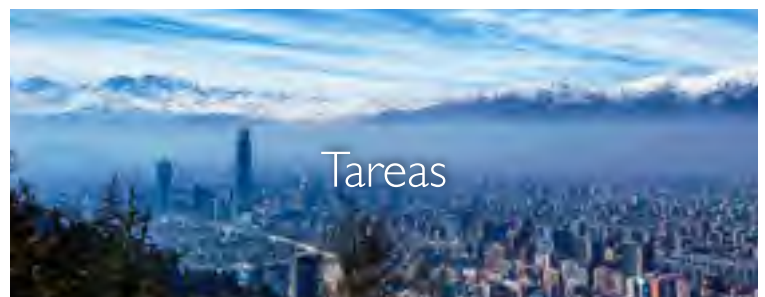


70

Relación con mapas de progreso de aprendizaje

- ▶ Los caminos de aprendizaje son
 - ▶ Específicos a un objetivo de aprendizaje concreto
 - ▶ El profesor lo construye de acuerdo con
 - ▶ el grado que trabaja
 - ▶ su conocimiento de sus estudiantes
 - ▶ Permiten caracterizar y comprender lo que se espera que los estudiantes aprendan y sean capaces de hacer
 - ▶ Dan cuenta de la estructura implicada en el objetivo de aprendizaje
 - ▶ Tienen implicaciones en la enseñanza
 - ▶ Tienen múltiples usos en la evaluación

71



Contribución a un objetivo de aprendizaje

Contribución de las tareas al objetivo de aprendizaje

- ▶ Una tarea activa ciertas secuencias de capacidades
- ▶ Una tarea no tiene que activar todas las secuencias de capacidades que caracterizan un objetivo de aprendizaje
- ▶ Los caminos de aprendizaje de la tarea ponen de manifiesto en qué medida y cómo contribuye al objetivo de aprendizaje
 - ▶ Muestran qué secuencias de capacidades del grafo del objetivo se pueden activar
- ▶ Analizar una tarea en su contribución al objetivo de aprendizaje
 - ▶ Permite modificarla para mejorarla

73

Análisis y reformulación de tareas

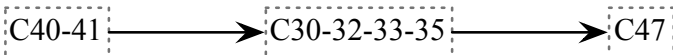
- ▶ Objetivo
 - ▶ Establecer la cantidad de permutaciones sin repetición posibles en un conjunto dado
- ▶ Posible tarea (versión 1)
 - ▶ Utilice la fórmula para establecer el número de permutaciones de 10 elementos en un conjunto de 50 elementos
- ▶ Camino de aprendizaje

C30-32-33-35

74

Análisis y reformulación de tareas

- ▶ Tarea (versión 2)
 - ▶ Utiliza la fórmula para establece cuántas banderas de tres bandas con colores diferentes se pueden hacer con una paleta que tiene 24 colores
- ▶ Camino de aprendizaje

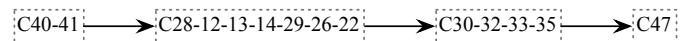


- ▶ El objetivo de aprendizaje involucra otras secuencias de capacidades
 - ▶ Es posible mejorar la tarea

75

Análisis y reformulación de tareas

- ▶ Tarea (versión 3)
 - ▶ Haz un diagrama de árbol en el que se representen todas las banderas de tres bandas con colores diferentes que se pueden hacer con una paleta que tiene 6 colores. ¿Cuántas banderas diferentes se pueden hacer? Verifica el resultado usando la fórmula.
- ▶ Camino de aprendizaje



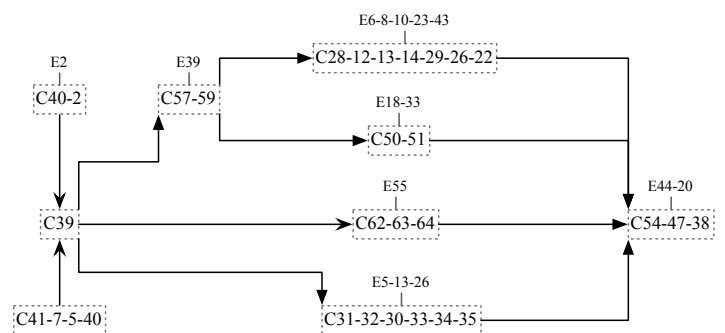
76

Análisis y reformulación de tareas

- ▶ Tarea (versión 4)
- ▶ Para abrir una cuenta de correo electrónico en el servicio conteo.com, un usuario debe escoger una contraseña de tres caracteres diferentes con las cuatro primeras letras del alfabeto en minúscula (a, b, c y d).
 1. El dueño de conteo.com quiere saber cuántas contraseñas diferentes puede haber y entender por qué. Teniendo en cuenta que al dueño de conteo.com no le gustan las fórmulas, escribe un texto, que use un diagrama de árbol o un listado, en el que le muestres al dueño de conteo.com cuántas contraseñas puede haber y cómo se obtiene ese resultado.
 2. Los técnicos de conteo.com están pensando en permitir que se usen las 27 letras de alfabeto en minúsculas para las contraseñas de tres caracteres diferentes. Ellos quieren saber cuántas contraseñas pueden haber y por qué. Escribe un texto en el que muestres cómo se puede hallar el número de contraseñas teniendo en cuenta el número de letras que se puede usar para cada uno de los tres caracteres.
 3. El jefe del departamento técnico de conteo.com quiere prever el crecimiento de su servicio. Él quiere saber cuántas contraseñas de 10 caracteres diferentes pueden haber si se permiten las letras del alfabeto en minúsculas y mayúsculas. ¿Cuántas son?
 4. ¿Cómo podría el jefe del departamento técnico hallar el número de contraseñas para un dado r de caracteres permitidos?

77

Caminos de aprendizaje

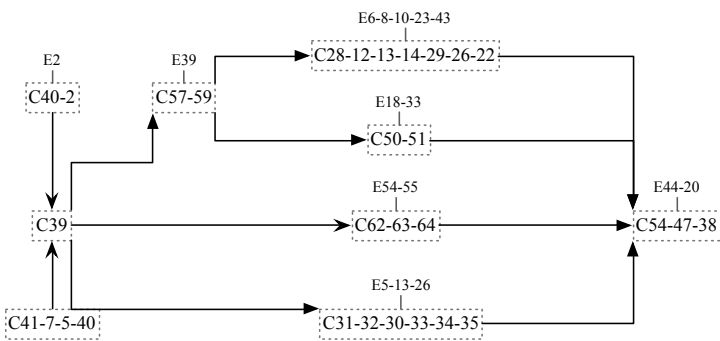


78



Criterios de logro

Grafo como caracterización del objetivo de aprendizaje

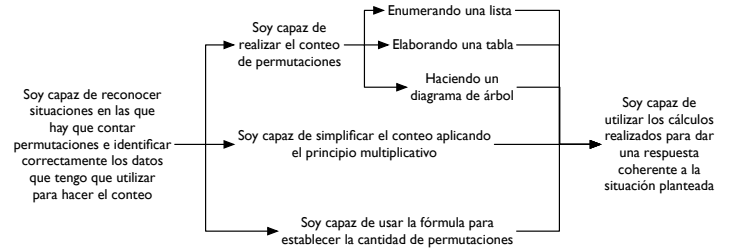


Caminos de aprendizaje y evaluación

- ▶ ¿Cómo formular criterios de logro?
- ▶ ¿Cómo observar y analizar la actuación de los escolares?

80

Grafo y criterios de logro



82



Evaluación para el aprendizaje

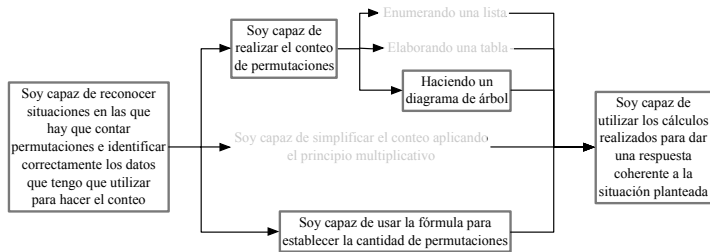
Grafo y criterios de logro

- ▶ Los criterios de logro
 - ▶ se pueden compartir con los escolares
- ▶ Forman parte de un grafo
 - ▶ El escolar puede ver en el mapa el camino hacia la consecución de un objetivo como una progresión
 - ▶ Se puede ubicar en qué punto del mapa se encuentra y qué puede hacer para avanzar
- ▶ Compartir esta información con el alumnado, en una forma que ellos puedan comprender; contribuye a que los escolares desarrollen la responsabilidad sobre su propio aprendizaje

84

Análisis de actuación de los escolares

- ▶ La contribución de una tarea se puede ubicar en el grafo del objetivo de aprendizaje
- ▶ Para un conjunto con muchos elementos y arreglos con muchos elementos, es necesaria la fórmula



85

Análisis de actuación de los escolares

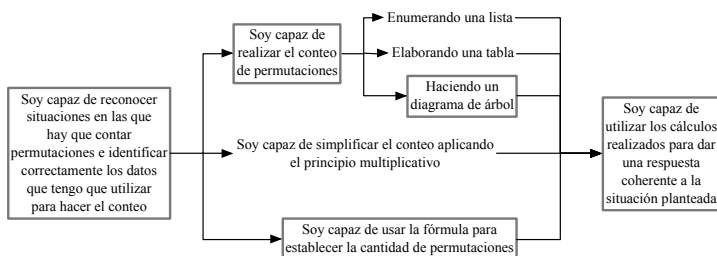
- ▶ La contribución de una tarea se puede ubicar en el grafo del objetivo de aprendizaje
- ▶ Para abrir una cuenta de correo electrónico en el servicio conteo.com, un usuario debe escoger una contraseña de tres caracteres diferentes con las cuatro primeras letras del alfabeto en minúscula (a, b, c y d).

1. El dueño de conteo.com quiere saber cuántas contraseñas diferentes puede haber y entender por qué. Teniendo en cuenta que al dueño de conteo.com no le gustan las fórmulas, escribe un texto, que use un diagrama de árbol o un listado, en el que le muestres al dueño de conteo.com cuántas contraseñas puede haber y cómo se obtiene ese resultado.
3. El jefe del departamento técnico de conteo.com quiere prever el crecimiento de su servicio. Él quiere saber cuántas contraseñas de 10 caracteres diferentes pueden haber si se permiten las letras del alfabeto en minúsculas y mayúsculas. ¿Cuántas son?

86

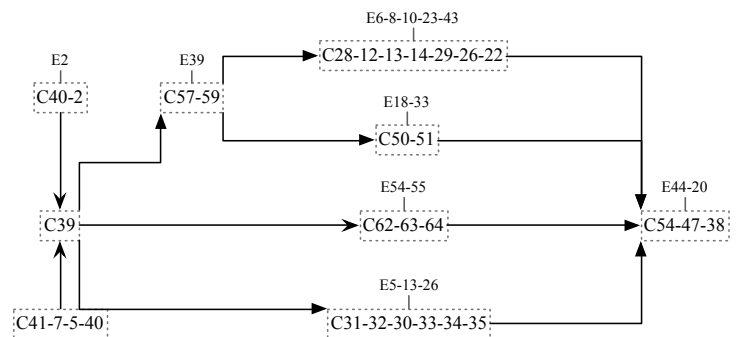
Análisis de actuación de los escolares

- ▶ El grafo permite interpretar la información que se recoge con los instrumentos de evaluación



87

Análisis de actuación de los escolares



88

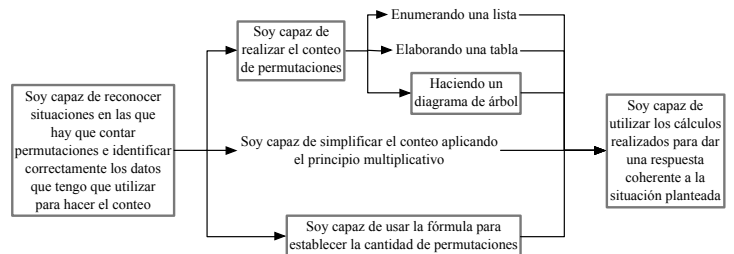


Semáforos

Percepción y regulación del propio aprendizaje

Semáforos

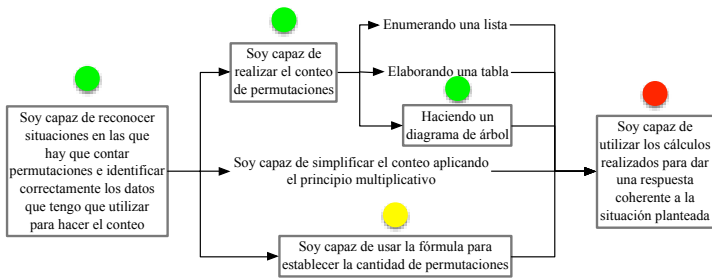
- ▶ El grafo de criterios de logro permite recoger información sobre la percepción que los escolares tienen de su progreso



89

Semáforos

- ▶ El grafo de criterios de logro permite recoger información sobre la percepción que los escolares tienen de su progreso



91

Evaluación

- ▶ Los grafos de las tareas

- ▶ Permiten determinar, para un estudiante,
 - ▶ qué secuencias de capacidades activó
 - ▶ en qué errores incurrió
 - ▶ establecer su nivel de progreso en el logro del objetivo de aprendizaje
- ▶ Permiten establecer, para el grupo,
 - ▶ el progreso en el logro del objetivo de aprendizaje
 - ▶ la contribución de la tarea al objetivo de aprendizaje

92



La práctica

Grafo de criterios de logro

- ▶ El grafo de criterios de logro permite

- ▶ Que el profesor
 - ▶ comparta las metas con sus estudiantes
 - ▶ tenga información sobre el progreso de los estudiantes
 - ▶ adapte su enseñanza a esa información
- ▶ Que los estudiantes
 - ▶ sepan qué se espera de ellos
 - ▶ puedan establecer su progreso
 - ▶ puedan regular su aprendizaje
 - ▶ informen al profesor sobre su progreso

94

En la práctica

- ▶ Noción útil en la formación de profesores
- ▶ En la práctica del profesor
 - ▶ Objetivos de aprendizaje
 - ▶ ¿Soy consciente de la complejidad de un objetivo de aprendizaje?
 - ▶ ¿Puedo caracterizar esa complejidad?
 - ▶ Diseño de tareas
 - ▶ ¿Puedo saber en qué medida una tarea contribuye a un objetivo de aprendizaje?
 - ▶ ¿Puedo saber cómo mejorar una tarea?
 - ▶ Evaluación
 - ▶ ¿Puedo formular criterios de logro para compartir con los escolares?
 - ▶ ¿Sé cómo observar y evaluar la actuación de los escolares?

96

Evaluación

Usos de los grafos

Transparencias

<http://funes.uniandes.edu.co/6055/>

¿Conoce Funes?

Papel de las secuencias de capacidades en la caracterización de objetivos de aprendizaje, la mejora de tareas y la evaluación en el aula de matemáticas

Pedro Gómez, María José González e Isabel Romero

argefuentes@gmail.com

XVIII Jornadas Nacionales de Educación Matemática

Universidad de Santiago
Santiago de Chile
24 de noviembre de 2014