

# ANEXO 4. FICHAS DE LAS TAREAS DEL DISEÑO IMPLEMENTADO PARA EL TEMA PRINCIPIO DE MULTIPLICACIÓN

El documento contiene la descripción de las tareas propuestas para el principio de multiplicación. La tarea diagnóstica que permite indagar los conocimientos previos de los estudiantes que se requieren para la aplicación de la unidad. Después presentamos las tareas del objetivo 1, corresponden a diseñando la bandera del curso y refrigerio; para el objetivo 2 las tareas de parque Mundo Aventura, barco pirata y la clave del candado. Finalmente para el objetivo 3, la tarea Eucrotopa. La descripción de las tareas nos permite prever la actuación de los estudiantes al momento de abordarla, la realizaremos a partir de los elementos, (a) requisitos, (b) metas, (c) formulación, (d) materiales y recursos, (e) agrupamiento, (f) interacción y (g) temporalidad.

## 1. TAREA DIAGNÓSTICA

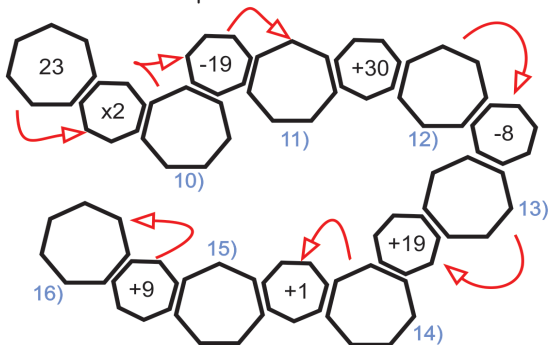
### 1.1. Primera parte

Pretendemos identificar los conocimientos previos que tienen los estudiantes en cuanto a las operaciones básicas, relaciones de orden y potenciación en el conjunto de los números naturales. Será desarrollada de manera individual.

Complete las casillas faltantes en la siguiente tabla multiplicativa

	Cantidad	x2	x3	x5
1)		166	249	415
2)		122	183	305
3)	31		93	155
4)		82	123	205
5)	26		78	130
6)	7	14		35
7)	22		66	110
8)	17		39	85
9)	1	2	3	

Realice las operaciones en cadena siguiendo el orden indicado por las flechas.

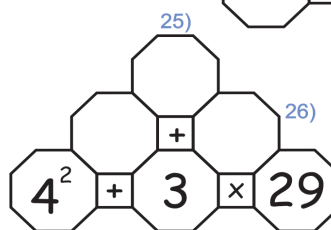
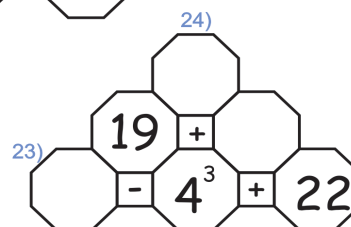
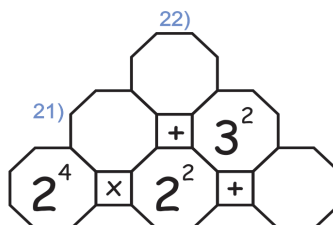


Teniendo en cuenta el siguiente conjunto de números resuelve los enunciados del 17 al 20



- 17) Múltiplo común entre 2 y 29 R: \_\_\_\_\_
- 18) Mayor múltiplo de 11 R: \_\_\_\_\_
- 19) Menor múltiplo de 11 R: \_\_\_\_\_
- 20) Múltiplo común entre 5 y 17 R: \_\_\_\_\_

A continuación se presentan tres pirámide construidas con octágonos, se deben ubicar números enteros de tal manera que el número de las casillas superiores sea igual al resultado de la operación realizada con los dos números de las casillas de base.



Usando las respuestas obtenidas en cada uno de ejercicios realizados anteriormente, ubíquelos en el orden obtenido en la cuadrícula completando la imagen.

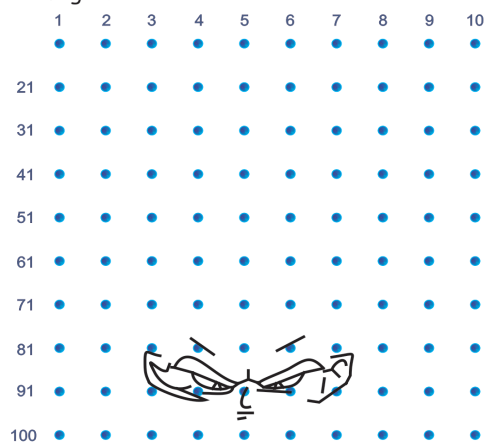


Figura 1. Anima Plano de operaciones con números naturales

## 1.2. Segunda parte

En esta parte de la actividad, pretendemos reconocer los conocimientos que poseen los estudiantes en cuanto a conjuntos y sus relaciones. Será desarrollada de manera individual.

- 1) En la figura 2 encuentras una serie de elementos, recórtalos, pégalos y clasifícalos formando conjuntos.
- a) Escribe cada conjunto que formaste en notación de conjuntos. Ejemplo  $P = \{\text{zapatos, falda, pantalón, chaleco}\}$
- b) De acuerdo a los conjuntos que formaste, escribe la característica general que tienen los elementos que los conforman, denotar el conjunto por comprensión.
- c) ¿Cuántos elementos tienen cada conjunto?
- d) Agrega dos elementos que tú quieras (inventado) a cada uno de los conjuntos que formaste. Luego, escribe el nuevo conjunto.
- e) Explica por qué esos elementos pertenecen al conjunto elegido.
- f) ¿Hay conjuntos que contienen elementos que pueden pertenecer a otro de los conjuntos que formaste? Justifica tu respuesta.

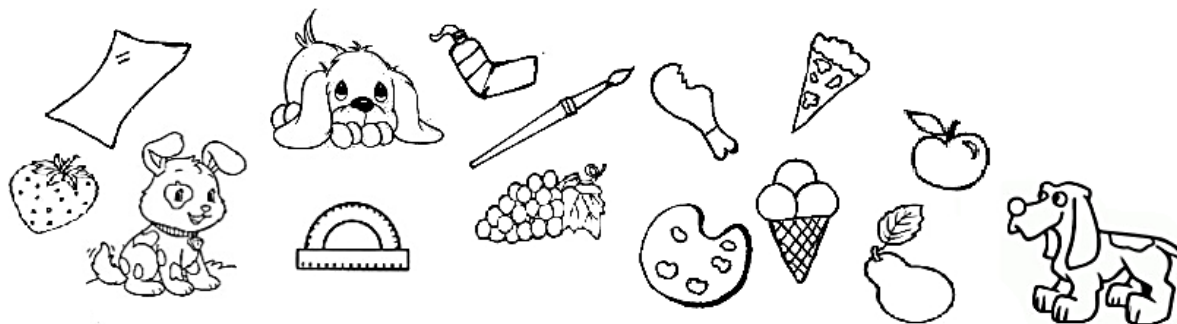


Figura 2. Recortables

- 2) Una fábrica de ropa cuenta con 5 diferentes telas  $T = \{\text{jean, dril, pana, paño, algodón}\}$  para diseñar productos  $P = \{\text{pantalones, gorras, faldas, chalecos}\}$ . Representa las parejas de elementos que representan el producto cartesiano  $T \times P$ .
- 3) Se tiene 4 papeles de diferente color y 4 moldes de figuras geométricas como se muestran en la figura 3. Completa la tabla que representa el producto cartesiano entre A y B.

$$A = \{\text{red circle}, \text{yellow circle}, \text{green circle}, \text{blue circle}\} \quad B = \{\text{star}, \text{pentagon}, \text{triangle}, \text{diamond}\}$$

A x B	red circle	yellow circle	green circle	blue circle
star	(star, red circle)	(star, )	(star, )	(star, blue circle)
pentagon	(, )	(, )	(pentagon, green circle)	(, blue circle)
triangle	(, )	(triangle, yellow circle)	(, )	(, )
diamond	(, )	(diamond, )	(diamond, green circle)	(, blue circle)

Figura 3. Moldes

### 1.3. Tercera parte

Pretendemos reconocer las habilidades conceptuales y procedimentales de los estudiantes en la construcción de diagramas de árbol, tablas de doble entrada, diagramas sagitales y representaciones pictóricas. Será desarrollada de manera individual y en ternas.

#### Tarea diagnóstica 3 representaciones

A continuación mostramos la estructura de la tercera parte de la tarea diagnóstica, la cual será desarrollada inicialmente en grupo de tres estudiantes y luego de manera individual.

Los estudiantes de grado once del colegio Nicolás Esguerra tienen que diseñar uno carné para cada estudiante que le permita el ingreso al comedor. Para esto plantearon un código de identificación que debe llevar cada carné con dos dígitos seguido de una vocal. Para grado once se pueden utilizar los dígitos 1, 2 y 3 y vocales mostrados en la figura 4.



Figura 4. Dígitos y vocales para el código del carné

Trabajo en grupo de tres estudiantes:

Emplea las fichas entregadas, para formar todos los posibles códigos que se pueden realizar con las siguientes condiciones

Pregunta 1: ¿cuántos códigos diferentes se pueden construir, si no se permite repetir el número?

Pregunta 2: ¿cuántos códigos diferentes se pueden construir, si se permite repetir los números?

Trabajo individual

En el cuaderno realiza los diagramas de árbol y el listado de las diferentes situaciones planteadas en la pregunta 1 y 2.

Realiza un diagrama sagital que represente los posibles arreglos utilizando solamente los dígitos propuestos. Determina por medio de un listado todos los posibles arreglos.

Realiza una tabla de doble entrada utilizando un dígito y una vocal y realiza el listado de los posibles arreglos.

Analiza y responde:

Si en el grado once hay 48 estudiantes y se quiere construir los 48 códigos exactos utilizando dígitos y vocales, ¿cómo plantearías la situación?

Realiza comparaciones entre los resultados obtenidos y escribe a qué conclusiones puedes llegar.

## 2. DISEÑANDO LA BANDERA DEL CURSO

Presentamos la descripción la tarea 1.1 diseñando la bandera del curso teniendo en cuenta sus siete elementos y el listado de ayudas para la tarea.

### 2.1. Requisitos

La situación planteada es pertinente para los estudiantes de grado séptimo, ya que ellos realizan operaciones aditivas y multiplicativas con números naturales, reconocen los conceptos básicos de conjuntos e identifican las relaciones de pertenencia de elementos. Requiere que ellos realicen un análisis e interpretación del enunciado, recurriendo a los conceptos previos en la realización de diferentes representaciones como un listado de posibles arreglos o elaborando los dibujos correspondientes.

### 2.2. Metas

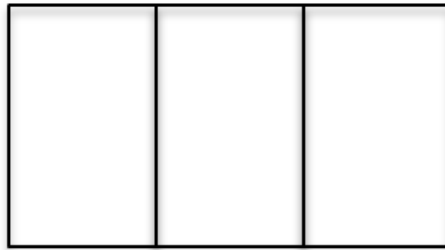
La tarea permite contribuir a que los estudiantes utilicen el sistema de representación pictórico y el listado de arreglos de la situación de conteo, identificando los conjuntos que intervienen en la situación y llevándolo a resolver el problema. La inclusión de los diferentes recursos a la tarea, conlleva a que se aporte a las expectativas de tipo afectivo en los estudiantes permitiendo un aprendizaje significativo. Con los recursos, también se espera abordar y superar los posibles errores en que pueden incurrir los estudiantes, al momento de omitir o repetir los diseños de la bandera.

### 2.3. Formulación de la tarea matemática escolar

Las modificaciones las realizamos a partir del análisis de la tarea y, la inclusión de los materiales y/o recursos.

#### Tarea 1.1 Diseñando la bandera del curso

Se organiza la inauguración de los juegos 2015 en el colegio. Para este evento cada curso debe tener una bandera que lo represente. La bandera debe estar formada por tres bandas verticales como la figura 5, que deben ser pintadas, usando los colores representativos de la institución amarillo, azul y rojo.



*Figura 5. Molde de la bandera*

#### Actividad de motivación

Escuchar atentamente la historia y el significado que tiene la bandera de Colombia, banderas de equipos deportivos y la del Colegio Nicolás Esguerra.

#### Trabajo individual

Con papel silueta de color amarillo, azul y rojo diseña dos banderas, en que cada franja vertical sea de un color diferente.

Pega tus banderas en el tablero.

¿Están todas las banderas que se pueden construir? ¿Cuál bandera faltaría?

#### Trabajo en ternas

Experimentar en el *applet* que se encuentra en la dirección <http://www.dibujosdepintar.com/banderas/africa/chad/> las diferentes formas de diseñar la bandera.

¿Cuántas banderas diferentes se pueden formar? Realicen un listado de todas las banderas diferentes que se pueden construir.

Si una bandera puede tener dos o más franjas del mismo color, ¿aumenta o disminuye el total de opciones? ¿En cuántas?

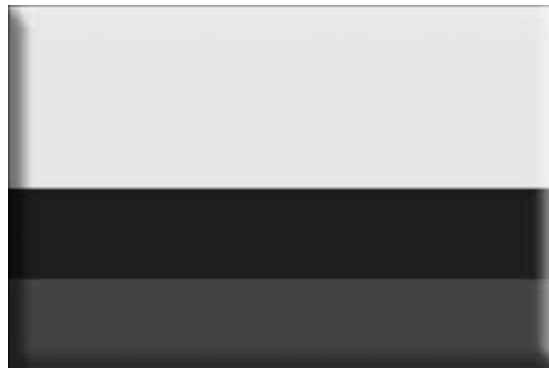
Comparen las diferentes estrategias utilizadas para encontrar la cantidad de banderas que se pueden diseñar, estableciendo diferencias y similitudes que les permitan llegar a acuerdos, determinando el resultado correcto.

#### Socialización grupal

Vamos a efectuar una discusión grupal. Para ello, cada grupo debe dar las explicaciones y argumentaciones sobre los resultados obtenidos. Luego, escogeremos la bandera que represente al curso.

## 2.4. Materiales y recursos

Para la actividad de inicio de la tarea se necesita que el docente pueda proyectar en el video *beam* o en un televisor inteligente las banderas seleccionadas para contextualizar la tarea. El profesor comienza mostrando la bandera de Colombia, explicando de forma sencilla la historia y el significado que tienen los colores de la bandera.



*Figura 6.* Bandera de Colombia

La bandera de Colombia, desde su creación por parte del precursor de la Independencia Francisco Miranda en 1807, ha tenido diversos cambios. Miranda inventó la primera bandera con tres franjas horizontales: una amarilla, otra azul y otra roja. El color amarillo simboliza las grandes riquezas naturales de Colombia, el azul simboliza el cielo y los mares, y el rojo la sangre que, a lo largo de la gesta de Independencia, derramaron los héroes.

El profesor muestra banderas de equipos deportivos, la del colegio Nicolás Esquerra y la de otros colegios para contextualizar la tarea.

Los otros recursos utilizados serán las hojas de papel silueta de color amarillo, azul y rojo. Con ellas realizarán la construcción de dos banderas diferentes, que posteriormente se pegarán en el tablero para revisar cuántas de ellas son diferentes y cuántas faltarían por diseñar, permitiendo realizar un conteo de las banderas que se pueden diseñar con los tres colores. También utilizaremos un *applet*, para diseñar las banderas con la condición de que las franjas puedan ser del mismo color y, realizar comparaciones y argumentaciones sobre el total de banderas de franjas de color diferente o de color igual, siendo éste un agente motivador para el desarrollo del problema. Para el desarrollo de la tarea, también se utilizarán recursos frecuentes en el aula de clase como lápiz, papel, los cuadernos, el tablero.

## 2.5. Agrupamiento

Las modificaciones hechas a la tarea permiten realizar diferentes tipos de agrupamiento. Inicialmente el docente realiza una pequeña introducción al gran grupo, mostrando diferentes banderas de equipos o de países, dando una explicación sencilla de su significado. Luego, el estudiante realiza un trabajo de forma individual, en el que se les entrega un formato de la bandera y los pa-

peles silueta para pegar. Posteriormente se agrupan en ternas, realizando comparaciones, explicaciones y llegando a acuerdos con sus compañeros frente a los resultados obtenidos. Y por último la socialización grupal, en la que interactúan con los diferentes grupos del curso, permitiéndoles expresar, escuchar y discutir resultados.

## 2.6. Interacción y comunicación en clase

La tarea permite la interacción entre los estudiantes cuando se realiza el trabajo en ternas y en la socialización grupal, esto conlleva a elaborar explicaciones, a escuchar opciones y a llegar a acuerdos. También permite la interacción entre los estudiantes y el profesor en la motivación inicial para abordar la tarea, en las orientaciones al momento de realizar el diseño de las banderas con el papel silueta, al uso del aplicativo y en el momento que los estudiantes incurran en errores para tratar de superar las limitaciones de aprendizaje.

## 2.7. Temporalidad de la tarea matemática escolar

La tarea se lleva a cabo en varias etapas. En la primera, el profesor motiva a sus estudiantes con el significado de distintas banderas, esto puede durar 5 minutos. La segunda, el estudiante realiza sus propias propuestas de solución utilizando el diseño de la bandera en papel silueta, esta etapa puede durar 10 minutos. La tercera etapa es la interacción con los compañeros para dar solución a las diferentes preguntas propuestas en la tarea, puede durar 25 minutos. La cuarta, es la socialización en el grupo de los resultados (20 minutos).

## 2.8. Previsiones de la tarea 1.1. diseñando la bandera del curso

En la figura 7, presentamos el grafo de secuencias de capacidades para la nueva versión de la tarea 1.1.

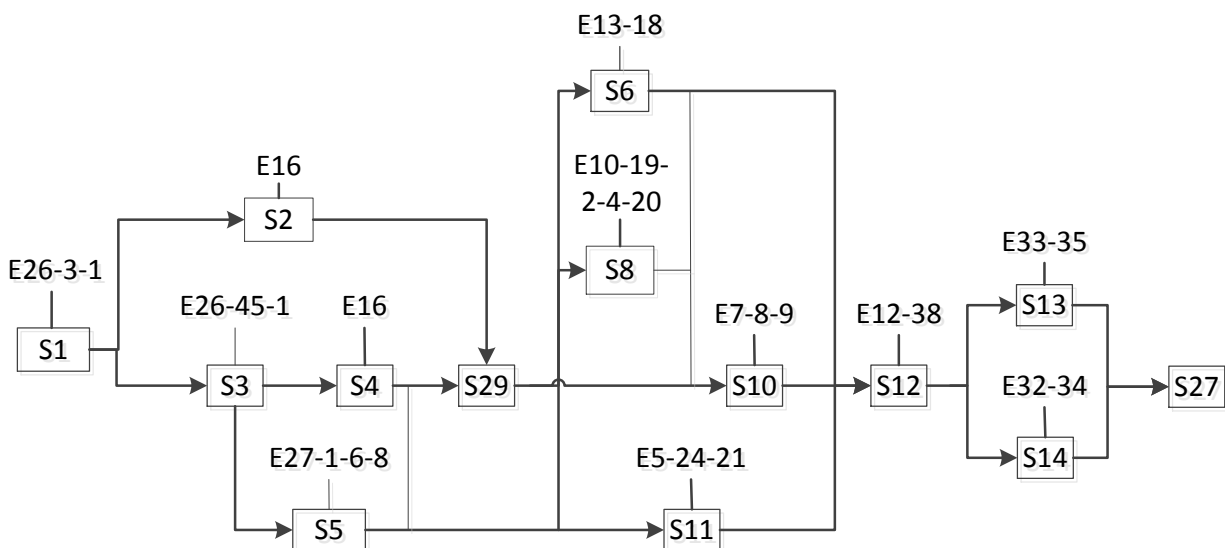


Figura 7. Grafo de la nueva versión de la tarea 1.1

En la nueva versión de la tarea 1.1, se activan adicionalmente las secuencias de capacidades S5, S29, S27 que contribuyen al logro del objetivo 1. La secuencia S5 activa las capacidades mate-



máticas de comunicación y razonamiento en el proceso de emplear y formular. La S29 activa la capacidad matemática de utilización de herramientas matemáticas con la aplicación del *applet* en el proceso de emplear. La S27 activa las capacidades matemáticas de diseño de estrategias para solucionar problemas y representación en el proceso de formular.

## **2.9. Listado de ayudas para la tarea 1.1 Diseñando la bandera del curso**

La tabla 1, describe las ayudas con las que se puede encaminar a los estudiantes cuando incurran en errores al momento de abordar la tarea.

Tabla 1

*Descripción de las ayudas de la tarea 1.1*

---

E	A	Descripción
26	1	Leer junto con el estudiante la formulación de la tarea parte por parte haciendo énfasis en la información relevante.
3	2	¿Qué conjuntos identificas en la situación? ¿Cuántos conjuntos identificas?
1	3	Se sugiere a los estudiantes escribir los elementos de los conjuntos del enunciado por extensión
2	4	¿Qué elementos hacen parte de los conjuntos propuestos en la situación? ¿Cuántos elementos pertenecen a los conjuntos?
16	5	¿Cuál es el diseño de la bandera que debes utilizar? ¿Qué colores puedes utilizar en cada franja de la bandera?
13-18	6	¿Cómo son las franjas de la bandera? ¿Verticales? ¿Horizontales? ¿Qué color puede tener cada franja?
7-8-9	7	¿El listado que tienes cumple con el orden de los colores para cada franja de la bandera? ¿Se repiten o faltan diseños de la bandera?
5-24-21	8	¿Cuántos colores puede usar para pintar la primera franja de la bandera? ¿Cuántos la segunda franja? ¿Cuántos la tercera franja?
12	9	¿Observas banderas iguales? ¿Por qué son iguales?
38	10	¿Tuviste en cuenta todas las banderas diferentes en el conteo de diseños?
33	11	¿Comparaste los resultados obtenidos con tus compañeros? ¿Puedes asegurar cuál es el resultado correcto? ¿Por qué?
35	12	¿Coincide el total de banderas diseñadas con papel silueta y las hechas en el <i>applet</i> ?
32	13	¿Verificaste tus resultados por medio de los diferentes sistemas de representación utilizados? ¿Obtuviste el mismo resultado?
34	14	¿Por qué tu resultado es el correcto?

*Nota.* E = error; A = ayuda.

### 3. TAREA 1.2 REFRIGERIO

Presentamos la descripción la tarea 1.2 refrigerio de acuerdo sus siete elementos y el listado de ayudas para la tarea

### 3.1. Requisitos

La tarea requiere de conocimientos previos en la construcción del diagrama de árbol, que implica poder ubicar el recortable en el diagrama de árbol gigante, cumpliendo las reglas del sistema de representación que se está utilizando. Además, el estudiante debe identificar que cada rama del diagrama de árbol es un refrigerio diferente y completo y, cuenta los últimos nodos, para poder encontrar el total de refrigerios

### 3.2. Metas

Con la tarea pretendemos que el estudiante interprete y relacione la cantidad de elementos de los conjuntos y, utilice el sistema de representación gráfico con el diagrama de árbol para contar el total de arreglos en la situación. También pretendemos contribuir a que el estudiante reconozca la cantidad de elementos que contiene cada conjunto, para poder elaborar explicaciones e ir construyendo el concepto de principio de multiplicación a partir de diferentes sistemas de representación.

### 3.3. Formulación de la tarea matemática escolar

Modificamos la tarea 1.2, incluyendo los elementos pertinentes, contribuyendo a las expectativas de nivel superior y de tipo afectivo.

#### Tarea 1.2 El refrigerio

El refrigerio enviado por la Secretaría de Educación para los estudiantes de bachillerato, está compuesto por tres productos: una fruta, un alimento y una bebida. La fruta puede ser banano, naranja o manzana. El alimento puede ser galletas, ponqué o sándwich y para la bebida se cuenta con yogurt, jugo o leche. Ningún día se repite un refrigerio con los tres productos.

¿Cuáles son todos los menús que se pueden formar con los productos del refrigerio?

Los estudiantes deben representar todos los menús usando el método de representación que crean más pertinente.

#### Trabajo en el gran grupo

Los estudiantes deben pegar en una ficha gigante (figura 9) hecha por el docente, los recortables (figura 8) entregados a cada uno, siguiendo las indicaciones.

#### Trabajo individual

Observa el diagrama construido entre todos los estudiantes y contesta las siguientes preguntas en tu cuaderno:

¿Cuántos días llega el refrigerio diferente? Realiza un listado de las posibles opciones.

Si a mí me gusta solamente el jugo, ¿cuántos días puedo consumir el refrigerio completo? Explica los resultados obtenidos.

Si un amigo no recibe el refrigerio cuando es ponqué y yogurt, ¿cuántos días recibe el refrigerio?

Socialización en el gran grupo

Justifica tu respuesta comparando el resultado con tus compañeros.



Banano



Manzana



Naranja



Galletas



Ponqué



Sandwich



Yogurt

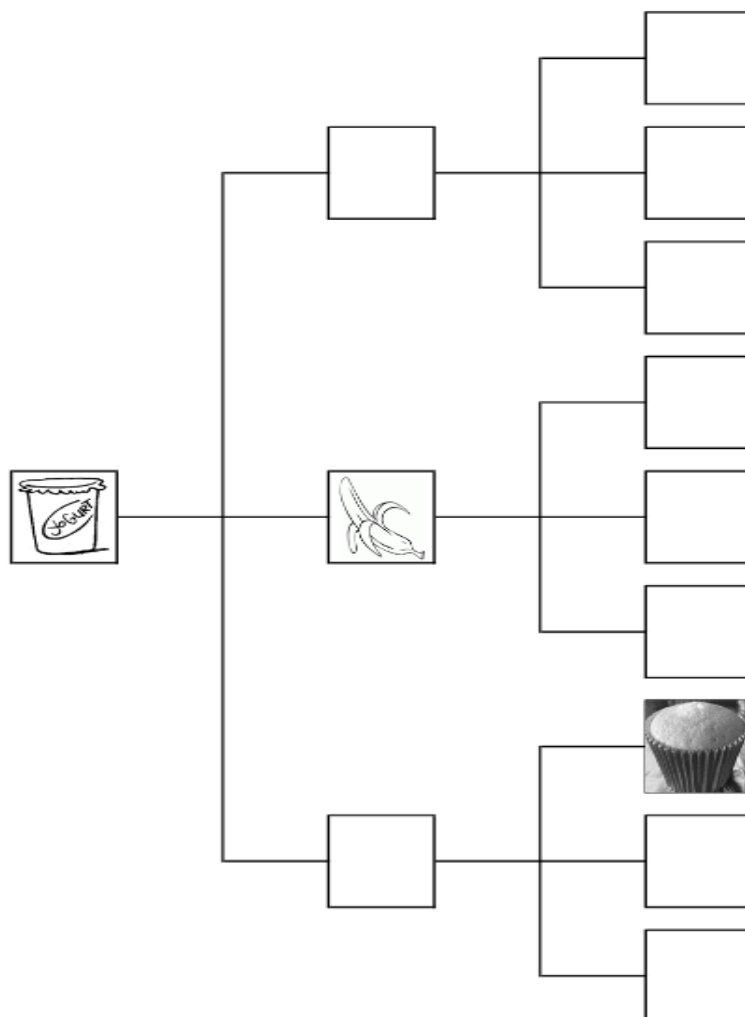


Jugo



Leche

*Figura 8. Recortables*



*Figura 9. Ejemplo de ficha gigante para el tablero*

### 3.4. Materiales y recursos

Para la actividad de inicio utilizaremos carteleras con los diagramas de árbol correspondiente al juego piedra papel o tijera. El juego lo presentamos a los estudiantes de forma estructurada. Inicialmente el profesor describe el juego y presenta unos esquemas de diagramas de árbol que corresponde al juego. Los estudiantes deben escoger el diagrama que corresponde a la situación del juego piedra, papel o tijera.

Los recortables y la ficha que se pegará en el tablero, son los recursos que se utilizarán en la tarea 1.2 refrigerio. Ellos permiten que el estudiante consolide la construcción del diagrama de árbol por medio de los diferentes aportes de los estudiantes al momento de dirigirse a pegar su recortable en la ficha e identifique que ésta representación es una estrategia para encontrar la solución a situaciones de conteo. Los recursos utilizados en la tarea son de fácil acceso, pero su elaboración requiere de una preparación previa por parte del profesor, aunque no se emplearía

mucho tiempo en su fabricación. También, puede ser un reto para el estudiante pegar en forma adecuada el recortable en la ficha del tablero, desarrollando destrezas en la construcción del diagrama de árbol.

### **3.5. Agrupamiento**

La tarea permite realizar diferentes tipos de agrupamiento. Al iniciar se organizarán en el gran grupo de estudiantes. Luego, se realiza un trabajo individual que permite identificar limitaciones y errores en que pueden incurrir los estudiantes y para finalizar se realizará una socialización en el gran grupo con el fin de comparar resultados, escuchar puntos de vista, procedimientos y soluciones a la tarea, permitiendo llegar a una solución común para todos.

### **3.6. Interacción y comunicación en clase**

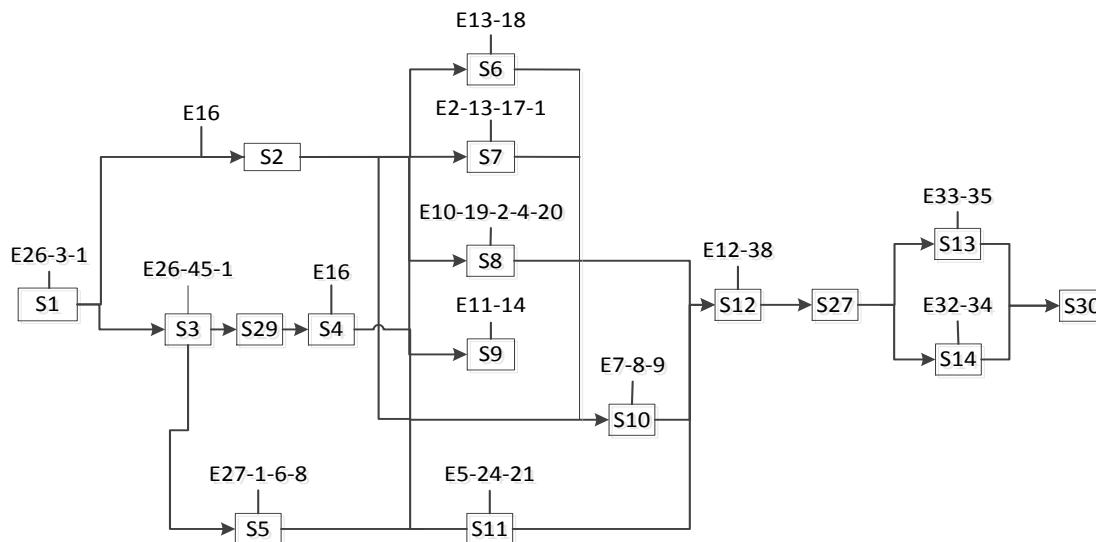
La fase inicial de la tarea permite que los estudiantes interactúen entre ellos y con el docente. A pesar de que cada uno de los estudiantes debe determinar su criterio para pegar el recortable en el sitio adecuado, pueden interactuar con los otros estudiantes y decidir en qué lugar ubicar su recortable y con el docente que debe cuestionarlos e indagar las justificaciones de sus actuaciones. La fase final de la tarea, permite interactuar con el docente quien los guía y orienta teniendo en cuenta la ficha completa elaborada en la fase inicial.

### **3.7. Temporalidad de la tarea matemática escolar**

La tarea inicia con la actividad grupal, que puede durar 15 minutos, permitiendo la construcción del diagrama de árbol correspondiente a la situación. Luego, durante 20 minutos la actividad individual, que permite a los estudiantes utilizar el sistema de representación y comprender las implicaciones que tienen los condicionamientos expuestos en la tarea. Por último, se finaliza con la socialización en el gran grupo que puede durar 25 minutos para escuchar resultados de los estudiantes y llegar a la solución común.

### **3.8. Previsiones de la nueva versión de la tarea 1.2. Refrigerio**

En la figura 10, presentamos el grafo de secuencias de capacidades para la nueva versión de la tarea 1.2.



*Figura 10.* Grafo de la nueva versión de la tarea 1.2

En la tarea 1.2, se activan adicionalmente las secuencias de capacidades S5, S29, S27 y S30 que contribuyen al logro del objetivo 1. La secuencia S5 activa las capacidades matemáticas de diseño de estrategias para solucionar problemas, comunicación y razonamiento en el proceso de formular. La S29 activa la capacidad matemática de utilización de herramientas matemáticas con el uso de los recortables en el proceso de emplear. La S27 activa la capacidad matemática de representación en el proceso de formular. La S30 activa las capacidades de razonamiento, comunicación y matematización en el proceso de interpretar.

### 3.9. Listado de ayudas para la tarea 1.2 Refrigerio

La tabla 2, describe las ayudas con las que se puede encaminar a los estudiantes cuando incurran en errores al momento de abordar la tarea.

Tabla 2  
Descripción de las ayudas de la tarea 1.2

E	A	Descripción
16	15	¿Puedes ubicar el mismo alimento en la misma rama del diagrama de árbol? ¿Deben salir las mismas ramas de cada una de las bebidas?
10-19-2-4-20	16	Dar ejemplos de posibles refrigerios completos incluyendo y aclarando que cada posible refrigerio es una rama del diagrama de árbol. Dar información con los diagramas de árbol utilizados en el juego piedra, papel o tijera.
7-8-9	17	¿El listado que tienes cumple con lo que debe contener un refrigerio? ¿Se repiten o faltan refrigerios completos?
5-24-21	18	¿Cuántos productos tienes para la bebida? ¿Cuántos para el alimento? ¿Cuántos para la fruta?
12	19	¿Cuáles refrigerios son iguales? ¿Por qué son iguales? ¿Qué condición debe cumplir el refrigerio para que sea diferente a otro?
38	20	¿Tuviste en cuenta todos los refrigerios diferentes? ¿Qué procedimiento utilizaste para encontrar el total de refrigerios diferentes y completos?
35	21	¿Coincide tu resultado obtenido con el de tus compañeros? ¿Cuáles diferencias encuentras?

Nota. E = error; A = ayuda.

## 4. TAREA 2.1 PARQUE MUNDO AVENTURA

A continuación describimos la tarea 2.1 Parque Mundo Aventura de acuerdo a sus siete elementos y la tabla de ayudas de la tarea.

### 4.1. Requisitos

La tarea exige que los estudiantes interpreten e infieran información del menú, aplicando sus conocimientos en conjuntos y sus cardinales; Además puede encontrar el número de opciones de menús utilizando algún tipo de sistema de representación (listado, pictórico, diagrama de árbol, sagital) o intentar establecer relaciones numéricas entre los cardinales de los conjuntos por medio de las operaciones y relaciones de los números naturales.

### 4.2. Metas

Con esta tarea pretendemos que los estudiantes, a partir de la situación deduzcan las características del principio de multiplicación, en conjuntos equipotentes.



### 4.3. Formulación de la tarea matemática escolar

#### Parque mundo aventura

El colegio organizó una salida al parque Mundo Aventura para celebrar el día del estudiante, en la que todos los cursos podían disfrutar de las atracciones y divertirse durante el día.

A Camilo le dieron dinero para comprar su almuerzo en el restaurante del parque, al mirar los letreros observa el siguiente menú. Ver figura 11.

Hamburguesas		Bebidas	
TRADICIONAL:	\$5.900	TE HELADO	\$2.000
100 gr. Carne de Res + 25 gr. Queso		GASEOSA 350 ml.	\$1.400
Doble Crema + Cebolla + Lechuga +		GASEOSA 10 Oz.	\$1.500
Tomate + Salsas de la Casa.		JUGOS HIT 350 ml	\$1.400
POLLO:	\$7.900		
150 gr. Pechuga Aperada o a la Plancha			
+ 50 gr. Queso Mozzarella + Cebolla +			
Lechuga + Tomate + Salsas de la Casa.			
QUESO:	\$8.600		
100 gr. Carne de Res + 125 gr. Queso			
Mozzarella + Cebolla + Lechuga +			
Tomate + Salsas de la Casa.			
MAXI:	\$8.900		
100 gr. Carne de Res + 50 gr. Tocineta +			
25 gr. Jamón Ahumado + 50 gr. Queso			
Mozzarella + Cebolla + Lechuga +			
Tomate + Salsas de la Casa.			
		Adicionales	
		CROQUETAS DE YUCA 6 unid:	\$4.100
		PAPAS A LA FRANCESA 200 gr:	\$4.100
		SALCHIPAPA:	\$5.600
		TOCINETA 50 gr:	\$1.900

Figura 11. Menú restaurante

Proponga su menú favorito de acuerdo a la carta del restaurante de Mundo Aventura, escríbalo en un octavo de cartulina y péguelo en el tablero. A continuación realice una revisión de las diferentes propuestas realizadas por sus compañeros.

¿Cuántas opciones tiene para almorzar si sólo quiere consumir una hamburguesa y una bebida?

¿Cuántas opciones de hamburguesa hay? ¿Cuántas opciones de bebidas?

¿Qué relación encuentran entre el número de opciones de cada tipo de alimento (hamburguesa y bebida) y el total de opciones de menús obtenidos en la primera pregunta?

Si Camilo desea incluir en el almuerzo un adicional ¿cuántas opciones de menús se pueden formar que incluya una hamburguesa, una bebida y un adicional?

Escriban la relación que encuentran entre el número de opciones de cada tipo de alimento y el total de opciones de menús que incluyen una hamburguesa, una bebida y un adicional

#### **4.4. Materiales y recursos**

Para el desarrollo de la tarea los estudiantes pueden usar cualquier sistema de representación que consideren más conveniente para el conteo de los arreglos, permitiendo aplicar procesos de indagación, exploración o descubrimiento de propiedades. No es necesario que se realice la representación de todos los arreglos sino que infiera las características relevantes en el conteo y la relación entre los cardinales el sistema de representación

#### **4.5. Agrupamiento**

En la primera parte de la tarea, los estudiantes de manera individual proponen su menú favorito a partir de las opciones presentadas. En la segunda parte los estudiantes se organizarán por parejas para resolver todas las preguntas y, registrar sus estrategias y resultados. Luego se organizarán en un gran grupo, para realizar la socialización de las diferentes respuestas obtenidas en cada pareja.

#### **4.6. Interacción y comunicación en clase**

En un primer momento, predominará la comunicación entre los integrantes de cada pareja; en el que interpretarán, propondrán estrategias de solución, validarán los resultados, argumentarán sus ideas y tomarán decisiones a partir de acuerdos negociados. En el desarrollo de este trabajo podrán interactuar con el profesor en el instante en que surjan dudas o acuerdos en los que ellos consideren no pueden conciliar. En el segundo momento, la interacción se plantea más dinámica, ya que cada pareja expone sus ideas y argumentos, permitiendo la participación de otras que pueden apoyarla o refutarla.

#### **4.7. Temporalidad de la tarea matemática escolar**

En un primer momento, la tarea se desarrollará de manera individual (20 minutos), posteriormente en parejas en el que cada uno de sus integrantes pondrá en juego sus conocimientos e interpretaciones de las mismas (30 minutos), acordando una estrategia de solución y de representación de los resultados. En un segundo momento, por medio de la plenaria en la que cada pareja presenta las soluciones al gran grupo (20 minutos). El docente, orientará este proceso y será el espacio en el que podrá ir concretando conceptos y soluciones.

#### **4.8. Previsiones de la tarea 2.1. Parque Mundo Aventura**

Esta tarea lleva al estudiante del análisis particular de la situación cuando propone su menú, aun análisis general en el momento que debe encontrar la posible cantidad de almuerzos ofrecidos en el restaurante del parque. El estudiante, de igual manera debe activar capacidades relacionadas con la interacción con sus compañeros para llegar a acuerdos e interpretaciones de solución (S28), además los grupos de trabajo conformados por cuatro estudiantes pueden elegir diversos caminos de solución, usar una representación pictórica (S6), o elaborar un listado de los posibles arreglos (S10) o proponer una estrategia numérica a partir de los cardinales. Es importante mencionar que la nueva tarea propone una socialización frente a la clase proponiendo relaciones entre los cardinales de los conjuntos y la solución del problema (S19), estableciendo razonamientos y argumentos sobre la validez de las estrategias usadas para dar solución a una situación.

A partir de este análisis podemos construir el grafo de secuencias de capacidades de la nueva tarea evidencia la activación de más capacidades en relación con la tarea inicial.

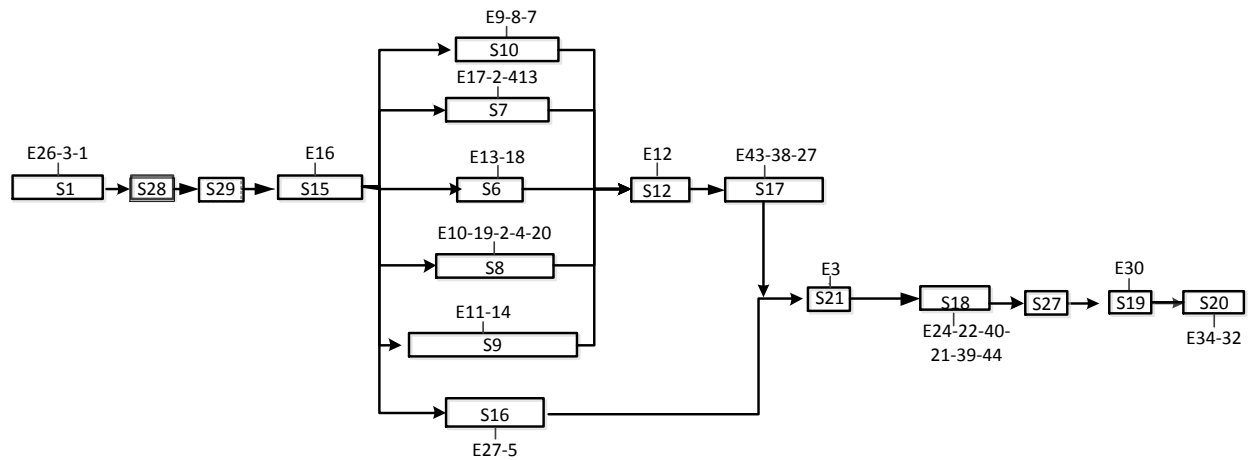


Figura 12. Grafo de secuencia de capacidades de la tarea Parque Mundo Aventura

Los estudiantes al abordar la tarea modificada pueden activar las siguientes secuencias adicionales: al trabajar por parejas, llegarán a acuerdos en la interpretación de la información, las características de los conjuntos y estrategias de solución (S28) e interactuarán con el material (S29). Las representaciones adicionales que pueden elegir son diagrama sagital (S7), la pictórica (S6) y la tabla de doble entrada (S9) o proponer una estrategia numérica a partir de los cardinales identificados (S16). Finalmente, llegarán a acuerdos sobre los resultados (S27) y argumentarán sobre la validez de las estrategias usadas. Esta última secuencia tendrá mayor relevancia en la socialización e institucionalización en el gran grupo.

#### 4.9. Listado de ayudas para la tarea 2.1. Parque Mundo Aventura

La tabla 3, describe las ayudas con las que se puede encaminar a los estudiantes cuando incurran en errores al momento de abordar la tarea.

Tabla 3

*Descripción de las ayudas de la tarea 2.1 Parque Mundo Aventura*

E	A	Descripción
26-3-1	1	Leer junto con el estudiante la formulación de la tarea parte por parte haciendo énfasis en la información relevante.
16	31	¿Cómo se relacionan los elementos que escogiste en la situación? ¿Son relevantes para solucionarla?
7-8-9	32	¿El listado que tienes muestra todos los arreglos? ¿Escogiste un

orden para realizarlo?

9	33	¿Cuántos y cuáles elementos pueden ocupar la primera posición? ¿Cuántos y cuáles en la segunda, si ya hay uno ubicado en la primera?
13-18	34	¿Están todos los dibujos de los posibles arreglos? ¿Escogiste un orden para que los dibujos no se repitan o se omitan?
27-5	35	Lee de nuevo la información de la tarea ¿Cuántas amigas tienen que ubicar en las sillas? ¿Cuántas sillas hay?
12	36	Mira los arreglos que encontraste ¿Corresponden a las características exigidas en la situación?
43-38- 27	37	Revisemos la representación y miremos que nos hace falta ¿Están todos los arreglos? ¿Los contaste todos? ¿Escogiste un orden? ¿Por qué crees que el resultado no es?
3	38	¿Cuáles son los conjuntos que intervienen en la situación? ¿Cuáles elementos menciona la situación, se usan todos? ¿De qué manera se deben ubicar los elementos? ¿se pueden repetir la ubicación de los elementos?
24-22- 40-21- 39-44	39	¿Los números que identificaste corresponden a los requisitos de la situación? ¿Los números que multiplicaste qué representan o describen? ¿Crees que al sumar los números se cuentan todos los arreglos? ¿Puedes describir los procedimientos que usaste para multiplicar los números?
32-34	40	¿Puedes explicar por qué escogiste tu estrategia? ¿Por qué tu resultado es el correcto?

---

*Nota.* E = error; A = ayuda.

## 5. TAREA 2.2 BARCO PIRATA

En este apartado presentamos la tarea 2.2 Barco pirata y el listado de ayudas de la tarea.

### 5.1. Requisitos

La tarea exige que el estudiante interprete la información de la situación, aplique sus conocimientos en conjuntos, identifiquen características de los elementos que se deben ordenar y su relación con los cardinales. Además, puede como estrategia de solución, usar algún sistema de representación (listado, pictórico, diagrama de árbol) o puede establecer relaciones numéricas entre los cardinales de los conjuntos por medio de la aplicación de las operaciones y relaciones de los números naturales. También, puede usar razonamientos encontrados a partir del análisis y solu-

ción de tareas anteriores, como solo representar un grupo de ramas del diagrama de árbol o estrategias numéricas identificadas en la tarea del restaurante.

## 5.2. Metas

Con esta tarea pretendemos que los estudiantes, a partir de la situación deduzcan las características del principio de multiplicación, en la ordenación de  $n$  elementos de un conjunto sin repetición.

## 5.3. Formulación de la tarea matemática escolar

### Tarea 2.2 Barco pirata

Estando en el parque Mundo Aventura, los estudiantes de grado séptimo decidieron empezar a divertirse en el barco pirata. Lucho, Miguel, Felipe y Sebastián, quieren ubicarse en una misma fila del barco.

#### Trabajo en parejas

Leer la información y desarrollar en forma escrita las siguientes preguntas, describiendo ampliamente los procedimientos utilizados para encontrar las respuestas, el profesor le aclarará la manera como pueden representar la situación:

Si en la fila que escogieron hay cuatro sillas ¿Qué estrategias pueden utilizar para encontrar todas las formas diferentes en que se pueden sentar los amigos?

¿De cuántas maneras diferentes se pueden sentar los 4 amigos?

¿Cuántas opciones se tienen para ocupar la primera silla?

Una vez que ya has ubicado en el primer puesto a alguno de los amigos, ¿por cuántos de ellos puede ser ocupada la segunda silla de la fila?

Una vez que ya has ubicado en la segunda silla a alguno de los amigos y conservando al que ocupa la primera silla, ¿por cuántos de ellos puede ser ocupada la tercera silla de la fila?

¿Qué relación encuentras entre el número de opciones en el que puede ser ocupada cada silla de la fila y el total de maneras diferentes en el que se pueden ubicar los 4 amigos? Describe con detalle tu respuesta.

#### Trabajo en grupos

Formen un grupo de cuatro compañeros con otra pareja. Compartan las soluciones que cada pareja dio a las preguntas del trabajo inicial. Luego, elijan aquellas respuestas que consideren oportunas. Si el grupo no está seguro de las respuestas, traten de simular los cuatro integrantes la situación y hallen las soluciones escribiendo las razones del por qué las escogieron.

Adicionalmente, deben contestar las siguientes preguntas y escoger un secretario que registre cada uno de sus argumentos y resultados y, un vocero que presentará al gran grupo las respuestas obtenidas.

¿Qué podrías suponer en cuanto a la cantidad de formas en que podrían ubicarse los amigos, si en vez de haber 4 de ellos, fueran 5 amigos con 5 sillas, 6 amigos con 6 sillas, 7 amigos con 7 sillas, etc.?

¿Qué podrías suponer en cuanto a la cantidad total de formas en que podrían ubicarse los amigos, si en vez de haber el mismo número de sillas fueran menores al total de amigos, por ejemplo 6 amigos con 4 sillas disponibles?

¿Qué pasaría con el número de opciones en que podrían ubicarse los amigos, si el número de amigos es mayor al de sillas disponibles? Explica con detalle.

#### **5.4. Materiales y recursos**

Para el desarrollo de la tarea proponemos el material permite que los estudiantes ideen una estrategia de registro que permita enumerar cada una de las maneras en que se pueden sentar los amigos o encontrar el total de opciones sin necesidad de representar todos los datos. Este recurso, puede permitir que los estudiantes reflexionen y planteen sus estrategias, realicen conjeturas y escojan el sistema de representación que consideren más conveniente para solucionar la situación.

#### **5.5. Agrupamiento**

En la primera etapa, la tarea será resuelta en parejas y podrán manipular el aplicativo. Luego, los estudiantes se organizarán por grupos de cuatro personas para exponer las soluciones y resultados obtenidos en las parejas. En los grupos, los estudiantes llegarán acuerdos y escogerán o diseñarán estrategias que les permitan dar solución a la situación, expresando sus argumentaciones y validándolas. Toda esta información debe ser registrada de manera escrita para su posterior exposición. Por tal razón en el grupo se deben asignar roles como secretario y vocero. Finalmente, se organizarán en un gran grupo, para realizar la socialización de las diferentes respuestas obtenidas que serán expuestas por cada vocero.

#### **5.6. Interacción y comunicación en clase**

En la primera etapa, predominará la interacción en parejas, pero el profesor estará pendiente de las preguntas que se puedan generar. En la segunda, se organizarán en grupo y se fomentará la comunicación entre sus integrantes; en el que interpretarán, propondrán estrategias de solución, validarán los resultados, argumentarán sus ideas y tomarán decisiones por medio de acuerdos negociados. En el desarrollo de este trabajo el profesor interactúa para dar orientaciones, ayudas frente a los errores o contribuir a alcance de acuerdos en los grupos. En el tercer momento, cada grupo expone sus ideas y argumentos por medio de su vocero, permitiendo la participación de otros grupos que pueden apoyarlas o refutarlas; el profesor moderará las intervenciones.

#### **5.7. Temporalidad de la tarea matemática escolar**

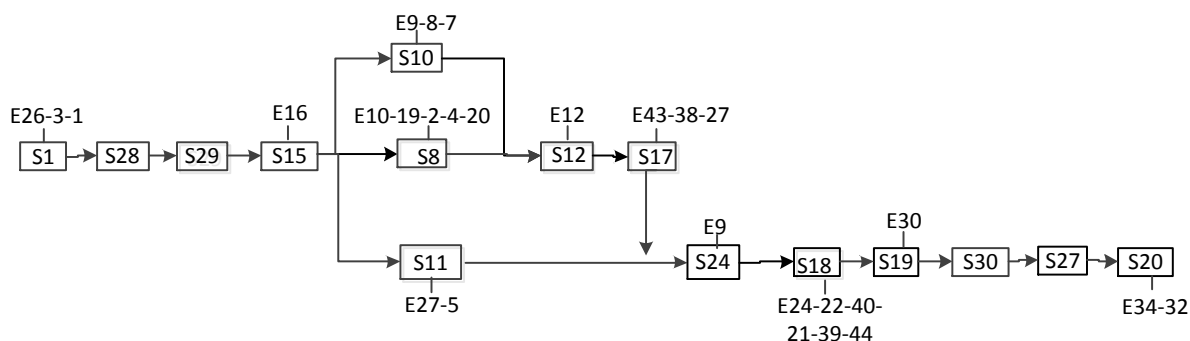
En la primera etapa, la tarea se desarrollará en parejas. Cada estudiante pondrá en juego sus conocimientos e interpretaciones de la situación (25 min). En la segunda etapa, conformarán los grupos en el que validarán las respuestas y acordarán, si es necesario, nuevas estrategias de solución y de representación de los resultados (25 min). Finalmente, se realizará la socialización en

el que cada vocero comunicará las soluciones al gran grupo, permitiendo la participación del docente; será el espacio en el que podrá ir concretando conceptos y soluciones (30 min).

### 5.8. Previsión de la nueva tarea

La tarea fue modificada en la inclusión de un aplicativo que permitirá interpretar la situación y requerirá que los estudiantes utilicen cualquier sistema de representación para identificar todas las posibles formas que tienen de sentarse los cuatro amigos. Además, fue modificado el trabajo inicial, ya que se había planteado de forma individual y ahora lo proponemos en parejas, permitiendo de este modo, que los estudiantes interactúen, comuniquen sus razonamientos y estrategias de solución; proporcionando un espacio de comunicación permanente entre los integrantes y generando la necesidad de llegar a acuerdos. Eliminamos la presentación del video y adicionamos la opción que los estudiantes pudieran representar la situación como si fueran los cuatro amigos (en listado o representación pictórica), previendo que esto contribuirá a las expectativas afectivas en cuanto a la motivación que tendrían los estudiantes para solucionar la tarea 2.2.

A continuación presentamos en la figura 13 el grafo de las secuencias de capacidades, que prevemos, que activarán los estudiantes al resolver la tarea 2.2 Barco pirata.



*Figura 13.* Grafo de secuencia de capacidades de la tarea Barco pirata

Podemos observar en el grafo de la tarea proponen que los estudiantes desde el inicio de la solución interactúen, lleguen a acuerdos (S28) y manipulen el material que les permitirá representar la situación (S29). Además, la tarea incluye una socialización de resultados con otra pareja, en la que pueden representar la situación físicamente y si es pertinente pueden replantear las soluciones (S30), reiniciando el camino de solución de la situación.

A partir del anterior análisis, podemos concluir que el grafo de secuencias de capacidades de la nueva tarea evidencia la activación de más capacidades con relación a la tarea inicial.

### 5.9. Listado de ayudas para la tarea 2.2

En la tabla 4 presentamos las ayudas propuestas, para la tarea 2.2.

La tabla 15, describe las ayudas con las que podemos ofrecer a los estudiantes cuando incurran en errores al momento de abordar la tarea.

Tabla 4  
*Descripción de las ayudas de la tarea 2.2*

E	A	Descripción
26-3-1	1	Leer junto con el estudiante la formulación de la tarea parte por parte haciendo énfasis en la información relevante.
16	31	¿Cómo se relacionan los elementos que escogiste en la situación? ¿Son relevantes para solucionarla?
7-8-9	32	¿El listado que tienes muestra todos los arreglos? ¿Escogiste un orden para realizarlo?
9	33	¿Cuántos y cuáles elementos pueden ocupar la primera posición? ¿Cuántos y cuáles en la segunda? Ten en cuenta que ya hay alguien sentado en la primera silla.
13-18	34	¿Están todos los dibujos de los posibles arreglos? ¿Escogiste un orden para que los dibujos no se repitan o se omitan?
27-5	35	Lee de nuevo la información de la tarea ¿Cuántas amigos tienen que ubicar en las sillas? ¿Cuántas sillas hay?
12	36	Mira los arreglos que encontraste ¿Corresponden a las características exigidas en la situación?
43-38-27	37	Revisemos la representación que hicieron y miremos que nos hace falta ¿Están todos los arreglos? ¿Los contaste todos? ¿Escogiste un orden? ¿Por qué crees que el resultado no es?
3	38	¿Cuáles crees que son los conjuntos que intervienen en la situación? ¿Cuáles elementos menciona la situación, se usan todos? ¿De qué manera se deben ubicar los elementos? ¿se pueden repetir la ubicación de los elementos?
24-22-40-21-39-44	39	¿Los números que identificaste corresponden a los requisitos de la situación? ¿Los números que multiplicaste qué representan o describen? ¿Crees que al sumar los números se cuentan todos los arreglos? ¿Puedes describir los procedimientos que usaste para multiplicar los números?
32-34	40	¿Puedes explicar por qué escogiste tu estrategia? ¿Por qué tu resultado es el correcto?

*Nota.* E = error; A = ayuda.



## 6. TAREA 2.3 LA CLAVE DEL CANDADO

En este apartado se analizan la tarea 2.3 la clave del candado y el listado de ayudas de la tarea.

### 6.1. Requisitos

La tarea exige que los estudiantes interpreten la información de la situación, apliquen sus conocimientos en conjuntos y sus cardinales. Además pueden usar algún sistema de representación (listado o diagrama de árbol) o intentar establecer relaciones numéricas entre los cardinales de los conjuntos por medio de aplicación de las operaciones y relaciones de los números naturales, como estrategia de solución. También, puede aplicar razonamientos encontrados a partir del análisis y solución de la tarea diseñando la tarea del curso, correspondientes a ordenaciones de  $n$  elementos sin repetición para establecer las diferencias con las ordenaciones de  $n$  elementos con repetición

### 6.2. Metas

Con esta tarea pretendemos que los estudiantes, a partir de la situación deduzcan las características del principio de multiplicación en situaciones que requieren ordenar elementos de un solo conjunto con repetición, comuniquen y validen las posibles soluciones de la situación.

### 6.3. Formulación de la tarea matemática escolar

Tarea 2.3 La clave del candado

Al dirigirse a los guarda equipajes, los estudiantes se encontraron con tres tipos de candados, como los que se ven en la figura 16. Para el candado más pequeño, se debe escoger una combinación de tres letras, entre A, B, C, D y E. Para el candado mediano, se debe escoger una combinación de códigos de 4 números dígitos. Para el candado más grande se debe escoger un código de dos letras entre A, B, C, D, E y 3 dígitos.



*Figura 16.* Candados para guarda equipajes

Para escoger el candado más seguro, los estudiantes deciden averiguar la cantidad de códigos de cada candado.

Trabajo en ternas

Leer el enunciado de la situación y resolver las siguientes preguntas de manera escrita, describiendo ampliamente los procedimientos usados para llegar a la respuesta.

¿Crees que pueden saber todas las posibles combinaciones para abrir los candados? ¿Tú cómo lo harías?

¿Crees que hay una manera más rápida de hallar el total de las combinaciones de cada candado? ¿Cuál?

Al comparar el candado pequeño con el mediano, ¿hay alguna diferencia en su seguridad? ¿Por qué?

El profesor les dará la instrucción de observar e interactuar en el *applet*. En él ingresarán a la opción combinatoria, seguido eligen opción variaciones con repetición. En la página encontrarán un candado cuya combinación es de tres dígitos. Juega con tus compañeros a elegir una clave de seguridad y que los demás la encuentren moviendo cada uno de las perillas de los dígitos hasta encontrarla.

Contesten las preguntas que se plantean en el aplicativo y anexas las respuestas al registro realizado en la primera parte de la actividad.

¿Qué significan los símbolos y relaciones numéricas que aparecen al final de la página?

¿Estos símbolos se relacionan de alguna manera con las respuestas que dieron en la primera parte de la actividad? ¿Por qué?

Después de este trabajo, cuando el profesor lo indique, los estudiantes deben revisar las respuestas que dieron a las primeras preguntas y escribir si tienen alguna corrección; pero sin eliminar las respuestas que ya habían dado.

Contestar las siguientes preguntas teniendo en cuenta escribir con detalle cada uno de los procedimientos que plantea el grupo para llegar a la respuesta.

¿El candado más grande es más seguro que el candado mediano y que el pequeño? Justifica tu respuesta.

¿Puedes diseñar un candado cuyos códigos te representen mayor seguridad a los tres presentados en la actividad? Describe ampliamente tu diseño y justifica por qué crees que es más seguro.

#### 6.4. Materiales y recursos

Para el desarrollo de la tarea los estudiantes tendrán la posibilidad de interactuar y modelar la situación en un *applet*<sup>1</sup> (seleccionando la opción combinatoria y luego variaciones con repetición) en el que pueden experimentar con un candado cuya clave es de tres dígitos. Pueden interactuar creando la clave del candado e interpretar las expresiones que relacionan los cardinales con el principio de multiplicación planteado en el aplicativo. Por medio de este material, el estudiante podrá identificar características relevantes de los cardinales y los elementos relacionados. Este tipo de material, permite que los estudiantes exploren y escojan estrategias de solución que consideren más conveniente, aplicando procesos de indagación o descubrimiento de propiedades.

---

<sup>1</sup> <http://ntic.educacion.es/w3/eos/MaterialesEducativos/mem2010/labazar/index.html>

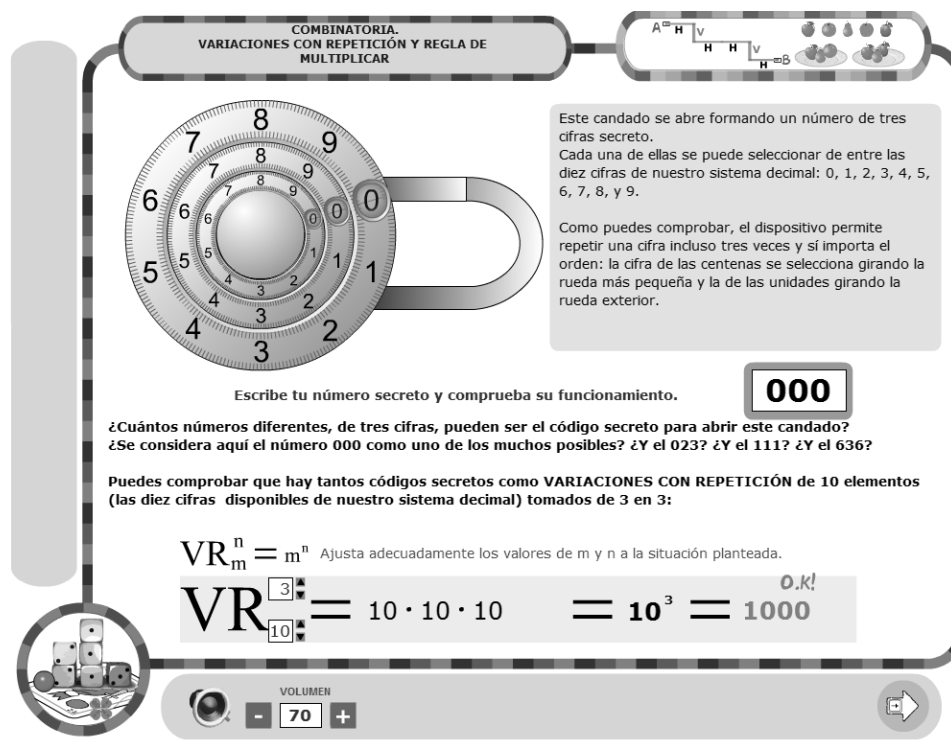


Figura 17. Aplicación para simular códigos de candados

## 6.5. Agrupamiento

En la primera etapa, los estudiantes se organizarán por ternas para resolver las preguntas indicadas. La segunda etapa, corresponde a la interacción de los grupos en la aplicación. La tercera etapa es la validación de las respuestas obtenidas, a partir de los razonamientos aplicados en la interacción con el material, registrando las correcciones que se puedan generar. En la cuarta etapa, resolverán las preguntas finales y, registrarán sus estrategias y respuestas acordadas. En la quinta etapa, se organizarán en gran grupo, para realizar la socialización de las diferentes soluciones.

## 6.6. Interacción y comunicación en clase

La comunicación en la primera, tercera y cuarta etapa, se evidenciará entre los integrantes de cada grupo; en el que interpretarán, propondrán estrategias de solución, validarán los resultados, argumentarán sus ideas y tomarán decisiones a partir de acuerdos negociados. En la segunda etapa, seguirán interactuando en grupo al explorar, jugar, interpretar y validar información en la aplicación. De la misma manera que en actividades anteriores, el profesor interactúa con los grupos de estudiantes para resolver inquietudes o llegar a acuerdos y para orientar el uso de la aplicación. En la quinta etapa, la interacción se realiza cuando cada grupo expone sus respuestas y respectivos argumentos ante el gran grupo, permitiendo la participación de otros grupos que tengan diferentes puntos de vista o que pueden apoyar sus argumentaciones. El profesor puede ir

concretando conclusiones a partir de las características de los cardinales y razonamientos que se presenten en la interacción entre el gran grupo.

### 6.7. Temporalidad de la tarea matemática escolar

En la primera etapa los estudiantes formarán ternas para desarrollar las primeras preguntas e interactuar en el *applet* (30 min), después validan estas respuestas y solucionan la segunda parte de las preguntas de la tarea, acordando estrategias de solución (20min). En un segundo momento, se realizará la socialización de soluciones al gran grupo. El docente orientará esta etapa y los otros grupos participarán para llegar a conclusiones frente a conceptos matemáticos que se aborden y características del principio de multiplicación (20 min).

### 6.8. Previsión de la nueva tarea

La tarea fue modificada a partir de la inclusión de algunas preguntas que permitirán aprovechar de manera significativa la información presentada en el aplicativo, lo que permitirá interpretar la situación e información relevante para la formulación de expresiones que representen la cantidad de datos aplicando el principio multiplicativo. También prevemos que la modificación contribuirá a las expectativas afectivas en cuanto a la motivación que tendrían los estudiantes para solucionar la tarea 2.3.

A continuación presentamos en el grafo de la tarea 2.3 La clave del candado modificada, las secuencias de capacidades que se prevén que activarán los estudiantes al resolverla.

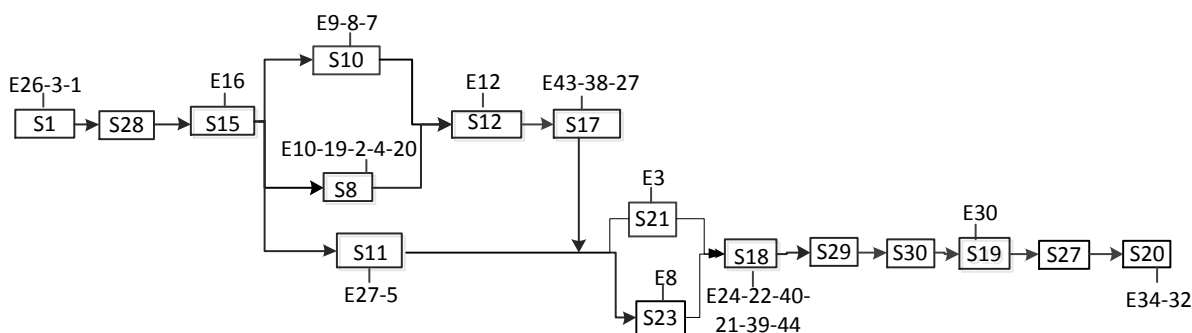


Figura 18. Grafo de secuencias de capacidades de la tarea 2.3 modificada

En el grafo de la tarea 2.3 podemos observar que las modificaciones proponen que los estudiantes desde el inicio trabajen como equipo y lleguen a acuerdos (S28), utilizando sus concepciones y habilidades. Después, al manipular el material para representar la situación (S29), se abre espacio para una revisión de las preguntas que ya habían solucionado y si es el caso replantear estrategias de solución (S30), reiniciando el camino de solución de la situación. Además, la inclusión

de un condicionamiento a la tarea permite activar la secuencia referida a la subestructura de eventos independientes (S21).

### 6.9. Listado de ayudas para la tarea 2.3

La tabla 5, describe las ayudas con las que podemos ofrecer a los estudiantes cuando incurran en errores al momento de abordar la tarea.

Tabla 5  
*Descripción de las ayudas de la tarea 2.3*

E	A	Descripción
26-3-1	1	Leer junto con el estudiante la formulación de la tarea parte por parte haciendo énfasis en la información relevante.
16	41	¿Cómo se relacionan los elementos que escogiste en la situación? ¿Según la situación se deben usar todos los elementos? ¿Son relevantes para solucionarla?
7-8-9	42	¿El listado que tienes muestra todos los arreglos? ¿Escogiste un orden para realizarlo?
8	43	¿Cuántos y cuáles elementos pueden ocupar la primera posición? ¿Cuántos y cuáles en la segunda, si ya escogiste un número en la primera? ¿Se pueden repetir? ¿Existirán claves con números repetidos? ¿Por ejemplo?
13-18	44	¿Están todos los dibujos de los posibles arreglos? ¿Escogiste un orden para que los dibujos no se repitan o se omitan?
27-5	45	Mira de nuevo la información de los candados ¿Cuántas perillas debes mover para ubicar cada posible dígito o letra hasta completar el código? ¿Cuántas opciones tienes de escoger un dígito o letra en cada una de las perillas?
12	46	Mira los arreglos que encontraste ¿Corresponden a las características descritas en la situación?
43-38-27	47	Revisemos la representación y miremos que nos hace falta ¿Están todos los arreglos? ¿Los contaste todos? ¿Escogiste un orden? ¿Por qué crees que el resultado no es?
3	48	¿Cuántos conjuntos intervienen en la situación? ¿Cuáles elementos menciona la situación, se usan todos? ¿Al escoger el código de seguridad se pueden repetir números o letras? ¿Puedes mencionar un ejemplo?
24-22-40-21-	49	¿Los números que identificaste corresponden a los requisitos de la situación? ¿Los números que multiplicaste qué representan o

- 39-44 describen? ¿Crees que al sumar los números se cuentan todos los arreglos? ¿Puedes describir los procedimientos que usaste para multiplicar los números? ¿Identificas algo en común entre los números encontrados para dar solución a la situación?
- 32-34 50 ¿Puedes explicar por qué escogiste tu estrategia? ¿Explica los procedimientos que usaste para llegar a la solución? ¿Por qué tu resultado es el correcto?

---

*Nota.* E = error; A = ayuda.

## 7. TAREA 3.1 EUROCOPA

A continuación presentamos la ficha de la tarea Eurocopa del objetivo 3. Para ello, describimos cada uno de sus elementos.

### 7.1. Requisitos

La situación que aborda la tarea requiere un conocimiento informal sobre torneos futbolísticos. Se debe tener claras las condiciones que intervienen en la situación planteada para poder calcular el producto entre los cardinales de las diferentes situaciones que se plantean. Los recursos que empleamos son de fácil comprensión.

### 7.2. Metas

Con esta tarea se espera que los estudiantes puedan deslizar la solución de las situaciones que involucran el principio de multiplicación a una representación gráfica, determinar las características de los cardinales que dan los condicionamientos de la situación, identificar implícitamente las subestructuras que se están trabajando y activar las expectativas de tipo afectivo en las que no hubo mayor aporte. De igual forma esperamos que con esta tarea se superen las dificultades asociadas a la implementación de modelos matemáticos relacionados al principio de multiplicación.

### 7.3. Formulación de la tarea matemática escolar

Tarea 3.1. La Eurocopa 2012



La Eurocopa es un torneo que se juega entre las mejores selecciones de fútbol de Europa, su última edición fue en el 2012 y participaron los siguientes equipos

Equipos participantes			
Alemania	Francia	Italia	República Checa
Croacia	Grecia	Países Bajos	Rusia
Dinamarca	Inglaterra	Polonia	Suecia
España	Irlanda	Portugal	Ucrania

*Figura 19.* Información de la Eurocopa

### Trabajo individual

Responde en la guía las siguientes preguntas

Cada equipo participante presenta una planilla con 23 jugadores, de los cuales 3 son arqueros. Cada una de las selecciones debe darles a sus jugadores dos uniformes por partido, uno titular y uno alterno. ¿Cuántos uniformes se entregaron para la primera ronda de la Eurocopa 2012? Justifica tu respuesta.

Cada equipo jugó 3 partidos en la primera ronda y en cada uno de ellos puede ganar, empatar o perder. ¿Cuál es el total de opciones para los cuatro equipos cabeza de serie? Justifica tu respuesta.

España tiene tres arqueros, cada uno puede utilizar una camiseta manga larga, manga corta o tres cuartos; puede tener pantalón, pantaloneta larga o pantaloneta corta y puede elegir para su uniforme un único color, verde, rojo o amarillo. ¿Cuántas posibilidades se tienen para los uniformes de los arqueros de España? Justifica tu respuesta.

### Socialización en gran grupo

Explica a tus compañeros como solucionaste las preguntas anteriores y cuál fue la respuesta.

### Trabajo en parejas

Presta atención a la explicación del profesor sobre la labor que tienen los hinchas de Italia.

Los hinchas de la selección Italia realizaron una pancarta con el nombre del país, en la que cada letra tiene la opción de llevar uno de los tres colores representativos de su bandera (verde, blanco, rojo).

Observa las fichas que aparecen en el tablero y según las indicaciones del profesor responde las siguientes preguntas.

¿Cuántas opciones se tienen para pintar las letras de la pancarta? Justifica tu respuesta.

¿Si no pueden ir dos letras seguidas del mismo color cuántas opciones se tienen? Justifica tu respuesta.

¿Cuántas opciones de colorear se tiene si en la primera y en la última letra se utiliza el mismo color? Justifica tu respuesta.

¿Cuántas opciones se tienen si las vocales deben ir siempre del mismo color? Justifica tu respuesta.

¿Cuántas opciones de colorear se tiene si solo se pueden utilizar dos colores y no pueden ir dos letras seguidas del mismo color? Justifica tu respuesta.

¿Cuántas opciones de colorear se tiene si la pintura verde solo alcanza para pintar 3 letras y no pueden ir dos letras seguidas del mismo color? Justifica tu respuesta.

¿Cuántas opciones de colorear se tiene si también pueden utilizar pintura azul? Justifica tu respuesta.

¿Cuántas opciones de colorear se tienen si utilizamos 4 colores y la primera letra siempre va de azul? Justifica tu respuesta.

Trabajo de Excel en parejas

Abre la hoja de cálculo llamada Eurocopa. Luego, lee las instrucciones e interactúa con ella para responder las siguientes preguntas.

Los goleadores de la Eurocopa fueron Ballotelli, Ronaldo, Dzagoev, Gómez y Torres. ¿De cuántas formas se pueden organizar en fila para tomarles una fotografía para la página web de la UEFA?

Si Ronaldo siempre va de primero ¿Cuántas opciones se tienen?

Si Ballotelli quiere ir de último ¿Cuántas opciones se tienen?

Socialización grupal

Ahora nos organizamos en mesa redonda para socializar las respuestas a las preguntas de acuerdo al orden que plantee el profesor.

#### **7.4. Materiales y recursos**

Para esta tarea se utilizará en primera instancia una guía, luego una ficha con la palabra Italia, la cual esta coloreada para dar ejemplo a la situación que se plantea en el trabajo de parejas. Para esta actividad también utilizaremos memo fichas con operaciones y valores. Los recursos utilizados en la tarea son de fácil acceso. Requiere, para su elaboración, de una preparación previa por parte del profesor, aunque no se emplearía mucho tiempo en su fabricación.

#### **7.5. Agrupamiento**

La tarea cuenta con cuatro etapas de trabajo. En el primero los estudiantes abordan una parte de la tarea de forma individual, para luego justificar cada uno de los puntos frente a sus compañeros. El tercer momento está destinado para el trabajo en parejas, en el que se realizará un concurso de cálculo y concentración. En el cuarto momento se hace la socialización en plenaria del trabajo realizado. Para ello, el profesor realiza una serie de preguntas orientadoras.

#### **7.6. Interacción y comunicación en clase**

La interacción en clase es continua. En un primer momento se realiza entre el profesor y cada uno de los estudiantes durante el desarrollo de la actividad individual. Luego el profesor modera la socialización del ejercicio. La parte más importante es la del concurso, que consiste en (a) el profesor hace la motivación presentando la situación de la pancarta y mostrando una cartelera como ejemplo; (b) el tablero se encuentra dividido en dos partes, en la izquierda están unas fichas con la representación de diferentes productos y en la derecha unas fichas con diferentes resultados figura 22, el profesor pide que observen estas fichas por 2 minutos, luego con ayuda de un asistente voltea todas las fichas para que no se vea que tienen escrito; (c) el profesor explica el juego que consiste en resolver en orden las preguntas correspondientes a la pancarta. Cada vez que un grupo termine pide la palabra para dar la respuesta y luego destapa una ficha del tablero del lado derecho. Si es el número correcto el grupo gana un punto y tiene derecho a destapar una ficha del lado izquierdo. Si coincide con el resultado, tienen la oportunidad de explicarlo porque corresponde al ejercicio, si lo hacen correctamente ganan 5 puntos, en caso contrario se le da la oportunidad a otro grupo.



Con esta actividad buscamos que los estudiantes establezcan una relación directa entre los cardinales de uno o varios y su producto, dando argumentos válidos al momento de sustentar sus respuestas.

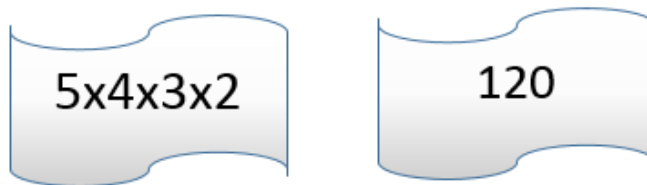


Figura 19. Fichas de concurso

Por último, el profesor se desempeña como moderador en la mesa redonda en la que todos los estudiantes tienen la oportunidad de participar.

### 7.7. Temporalidad de la tarea matemática escolar

La tarea se desarrolla en la sala de informática en seis momentos. En el primero el estudiante aborda la situación de forma individual utilizando la guía, lápiz y papel (15 min). En el segundo el profesor orienta la socialización (5min). En el tercero el profesor hace la presentación de la actividad y permite que los niños vean las fichas (5 min). En el cuarto se desarrolla el juego (30 min). En el quinto momento se hace la socialización en gran grupo del trabajo en Excel (10 min), el profesor cumple la función de moderador de la discusión.

### 7.8. Previsiones de la nueva versión de la tarea 3.1 Eurocopa

En la actividad 4.1 se plantearon tres tareas para el objetivo 3, atendiendo a las sugerencias del tutor y de los compañeros, replanteamos de forma completa el trabajo en la actividad 4.2, lo cual nos permitió abarcar de forma más completa la secuencias de capacidades del objetivo e incluir dos secuencias de interacción. Ya en la actividad 4.3 la revisión de los requisitos nos permitió hacer aportes a las expectativas de tipo afectivo con la inclusión del concurso, por lo cual nuestro grafo de secuencias de capacidades no tuvo ningún cambio.

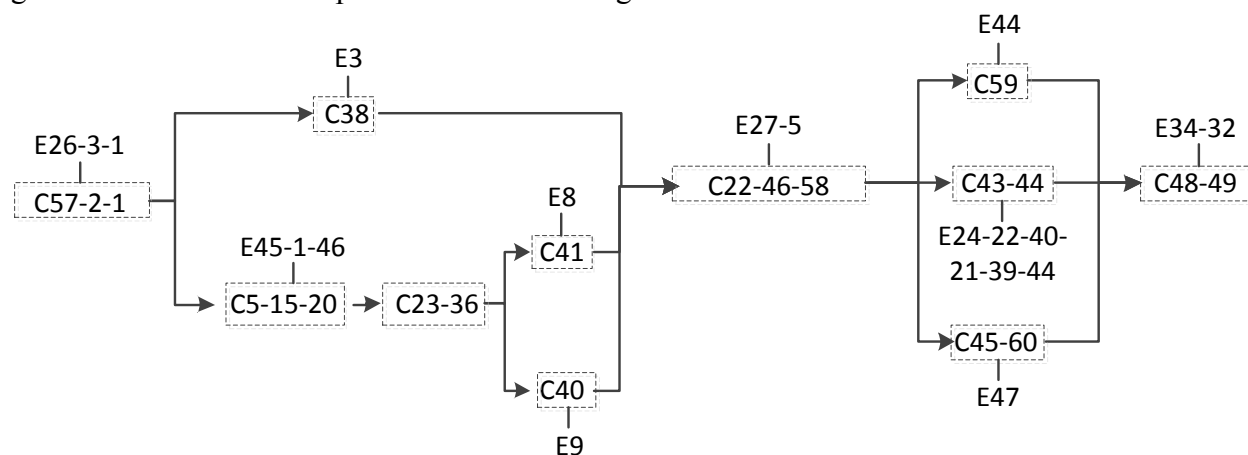


Figura 20. Grafo de secuencias de capacidades de la tarea 3.1

### 7.9. Listado de ayudas para la tarea 3.1

La tabla 6, describe las ayudas con las que se puede encaminar a los estudiantes cuando incurran en errores al momento de abordar la tarea.

Tabla 6

*Descripción de las ayudas de la tarea 3.1*

E	A	Descripción
45-1-26	1	Leer junto con el estudiante la formulación de la tarea parte por parte haciendo énfasis en la información relevante e identificando cada uno de los conjuntos.  Hacer un listado con los conjuntos que intervienen y asignarle a cada uno los elementos que utilizaremos.
27-5	51	¿La situación tiene una condición?, ¿qué implica dicha condición? ¿Cuántos elementos tiene el conjunto?
44	52	¿Para saber cuántos meses han transcurrido en 14 años es más sencillo sumar 14 veces 12 o multiplicar $12 \times 14$ ?
24-22-40-21-39-44	53	¿Se están utilizando todos los elementos del conjunto? ¿Esta situación es la misma que la anterior?, ¿en qué se diferencia? ¿Cuántos elementos tiene el conjunto? ¿Cuál es el producto entre $a \times b$ ? ¿Para encontrar cuántos horas tienen dos días, planteo $24 + 2$ o $24 \times 2$ ?
47	54	¿ $5 \times 3$ Es lo mismo que $5 \times 5 \times 5$ ? ¿Cuál de estas dos operaciones representa la expresión $5^3$ ?

*Nota.* E = error; A = ayuda.